

Document élaboré par :

MOUATASSIM FATIMA

ITA Roches Noires

**Direction Régionale du
Grand Casablanca**

Révision linguistique

Validation



ISTA.ma
Un portail au service
de la formation professionnelle

Le Portail <http://www.ista.ma>

Que vous soyez étudiants, stagiaires, professionnels de terrain, formateurs, ou que vous soyez tout simplement intéressé(e) par les questions relatives aux formations professionnelles, aux métiers, <http://www.ista.ma> vous propose un contenu mis à jour en permanence et richement illustré avec un suivi quotidien de l'actualité, et une variété de ressources documentaires, de supports de formation, et de documents en ligne (supports de cours, mémoires, exposés, rapports de stage ...) .

Le site propose aussi une multitude de conseils et des renseignements très utiles sur tout ce qui concerne la recherche d'un emploi ou d'un stage : offres d'emploi, offres de stage, comment rédiger sa lettre de motivation, comment faire son CV, comment se préparer à l'entretien d'embauche, etc.

Les forums <http://forum.ista.ma> sont mis à votre disposition, pour faire part de vos expériences, réagir à l'actualité, poser des questionnements, susciter des réponses. N'hésitez pas à interagir avec tout ceci et à apporter votre pierre à l'édifice.

Notre Concept

Le portail <http://www.ista.ma> est basé sur un concept de gratuité intégrale du contenu & un modèle collaboratif qui favorise la culture d'échange et le sens du partage entre les membres de la communauté ista.

Notre Mission

Diffusion du savoir & capitalisation des expériences.

Notre Devise

Partageons notre savoir

Notre Ambition

Devenir la plate-forme leader dans le domaine de la Formation Professionnelle.

Notre Défi

Convaincre de plus en plus de personnes pour rejoindre notre communauté et accepter de partager leur savoir avec les autres membres.

Web Project Manager

- Badr FERRASSI : <http://www.ferrassi.com>

- contactez : admin@ista.ma

SOMMAIRE

	<i>Page</i>
Présentation du module	8
Résumé de théorie	
I. Rapports et proportions - Grandeurs proportionnelles- Partages proportionnels	
I.1. Rapports et proportions	10
I.1.1 Rapports	10
I.1.2 Proportions	
I.2. Grandeurs proportionnelles	12
I.2.1 Grandeurs directement proportionnelles	12
I.2.2 Grandeurs inversement proportionnelles	14
I.3. Partages proportionnels	15
I.3.1 Partages directement proportionnels	15
I.3.2 Partages inversement proportionnels	15
II. Les pourcentages	17
II.1. Définition	17
II.2. Application des pourcentages aux réductions sur le prix	18
II.3 Application des pourcentages aux réductions sur le poids	19
II.4 Application des pourcentages en matière de TVA.	20
III. Les intérêts simples	21
III.1 Généralités	21
III.2 Formule fondamentale de l'intérêt simple	21
III.3 Les méthodes commerciales de calcul de l'intérêt simple	22
III.4 Calcul des facteurs de l'intérêt simple	25
IV L'escompte commercial	29
IV.1 Définition	29
IV.2 Calcul de l'escompte commercial	29
IV.3 Valeur actuelle	30
IV.4 calcul de l'échéance, du taux et de la valeur nominale	30
IV.5 La pratique de l'escompte	31
IV.6 L'escompte rationnel	40

V. L'équivalence des effets	43
V.1 Définition	45
V.2 Calcul de la valeur nominale	45
V.3 Calcul de l'échéance	46
V.4 Calcul du taux de l'escompte	48
V.5 Echéance moyenne	50
VI. Les comptes courants et d'intérêt	51
VI.1 Définitions	51
VI.2 La méthode hambourgeoise	51
Guide de travaux pratique	
I TP1 Rapports et proportions - Grands proportionnels- Partages proportionnels	55
I.1. Calcul de nombres	55
I.2. Calcul de nombres	55
I.3. Partage directement proportionnel d'une prime	55
I.4. Partage directement proportionnel d'une gratification	56
I.5. Partage directement et inversement proportionnel d'une prime	57
II TP2 Les pourcentages	58
II.1 Calcul de pourcentage	58
II.2 Calcul de pourcentage	59
II.3 Calcul du poids net	59
II.4 Calcul du prix net	59
II.5 Calcul du prix de revient	59
II.6 Calcul du prix de vente	60
II.7 Calcul du prix de vente	60
II.8 Passage du prix d'achat au prix de vente	61
II.9 Calcul du prix de vente	61
II.10 Reconstitution de facture et détermination du résultat global	62
II.11 Calcul du PTTC	64
II.12 Calcul du PHT et de la TVA	64
II.13 Calcul du PTTC	64
III TP 3 Les intérêts simples	66
III.1 Calcul de l'intérêt ; la date de remboursement ; le taux de placement ; le capital placé.	66

<i>III.2</i>	<i>Calcul du taux moyen résultant de plusieurs placements.</i>	67
<i>III.3</i>	<i>Calcul du taux effectif de placement.</i>	67
<i>III.4</i>	<i>Calcul de l'intérêt global par la méthode des Nombres et des diviseurs communs</i>	68
<i>III.5</i>	<i>Calcul du capital.</i>	68
<i>III.6</i>	<i>Calcul des capitaux et des intérêts correspondants.</i>	69
<i>III.7</i>	<i>Calcul du capital et de la première durée de placement.</i>	69
<i>III.8</i>	<i>Calcul des capitaux.</i>	70
<i>III.9</i>	<i>Calcul du taux et de la valeur acquise.</i>	70
<i>III.10</i>	<i>Calcul des capitaux et des taux.</i>	71
IV TP 4	L'escompte commercial	73
<i>IV.1</i>	<i>Calcul de l'escompte et représentation graphique de la variation de la valeur actuelle.</i>	73
<i>IV.2</i>	<i>Détermination de la date d'échéance</i>	74
<i>IV.3</i>	<i>Calcul de la valeur nominale</i>	74
<i>IV.4</i>	<i>Détermination de la date d'échéance</i>	75
<i>IV.5</i>	<i>Calcul de la valeur nominale</i>	75
<i>IV.6</i>	<i>Détermination de la date d'échéance</i>	76
V TP 5	L'équivalence des effets	77
<i>V.1</i>	<i>Valeur nominal du nouvel effet</i>	77
<i>V.2</i>	<i>L'échéance de l'effet</i>	77
<i>V.3</i>	<i>Valeur nominale de l'effet unique</i>	78
<i>V.4</i>	<i>Valeur nominale de la traite</i>	78
<i>V.5</i>	<i>L'échéance de l'effet et sa valeur nominale</i>	79
<i>V.6</i>	<i>Valeur des effets</i>	80
<i>V.7</i>	<i>Valeurs nominales respectives de trois effets</i>	81
VI TP6	Les comptes courants et d'intérêt	83
<i>VI.1</i>	<i>Etablissement du CCI</i>	83
<i>VI.2</i>	<i>Etablissement du CCI</i>	87
Evaluation de fin de module		
<i>Evaluation n°1</i>		91
<i>Evaluation n°2</i>		95
Liste bibliographique		97

MODULE : ARITHMETIQUE COMMERCIALE

Durée : H

% : théorique

% : pratique

**OBJECTIF OPERATIONNEL DE PREMIER NIVEAU
DE COMPORTEMENT**

COMPORTEMENT ATTENDU

*Pour déterminer sa compétence, le stagiaire doit
Selon les conditions, les critères et les précisions qui suivent*

CONDITION D'EVALUATION

CRITERES GENERAUX DE PERFORMANCE

**OBJECTIF OPERATIONNEL DE PREMIER NIVEAU
DE COMPORTEMENT**

**PRECISIONS SUR LE COMPORTEMENT
ATTENDU**

A.

CRITERES PARTICULIERS DE
PERFORMANCE

-

-

-

B.

-

-

-

C.

-

-

-

-

D.

OBJECTIFS OPERATIONNELS DE SECOND NIVEAU

*Le stagiaire doit maîtriser les savoirs, savoir-faire, savoir- percevoir ou savoir- être
Juges préalables aux apprentissages directement requis pour l'atteinte de l'objectif
de premier niveau, tels que :*

Avant d'apprendre à, (A) le stagiaire doit :

- 1.
- 2.

Avant d'apprendre à, (B) le stagiaire doit :

- 3.
- 4.
- 5.

Avant d'apprendre à, (C) le stagiaire doit :

- 6.
- 7.

Avant d'apprendre à, (D) le stagiaire doit :

- 8.
- 9.

PRESENTATION DU MODULE

Ce module présente une préparation à l'acquisition d'une formation de base aussi bien pour les techniciens comptables que pour les agents en techniques de vente.

Dans ses deux filières, les stagiaires sont très souvent appelés à faire des calculs commerciaux en matière de pourcentages, calcul des intérêts, partage proportionnel, comptes courants. etc....

Le module « arithmétique commerciale » a pour but de faciliter aux stagiaires l'assimilation de tous les autres modules.

Il se divise en six parties :

- *Une première partie qui traite les rapports et proportions, les grandeurs proportionnelles et le partage proportionnel.*
- *la deuxième partie réservée aux pourcentages et leurs différentes applications en pratique commerciale, en comptabilité et en fiscalité.*
- *La troisième partie consacrée à la pratique des intérêts simples et des différentes méthodes de calcul.*
- *La quatrième partie qui étudie l'escompte commercial.*
- *La cinquième partie destinée à l'analyse de l'équivalence des effets*
- *La sixième partie qui aborde la tenue des comptes courants et d'intérêts par la méthode hambourgeoise.*

MODULE : ARITHMETIQUE COMMERCIALE
RESUME THEORIQUE

RAPPORTS ET PROPORTIONS GRANDEURS PROPORTIONNELLES – PARTAGES PROPORTIONNELS

I RAPPORTS ET PROPORTIONS

I.1. Rapport

Le rapport d'une grandeur à une autre grandeur est le quotient du nombre (a) qui mesure la première par le nombre (b) qui mesure la deuxième.

$$\frac{a}{b} = k$$

En général, un rapport se présente sous forme de fraction et se compose de deux termes ; le premier est le numérateur ou l'antécédent, le second est le dénominateur ou le conséquent.

Exemples

- Le rapport de 54 à 9 est $\frac{54}{9} = 6$
- Le rapport de 17 à 2 est $\frac{17}{2} = 8.5$

I.2. Proportion

La proportion est l'égalité formée de deux rapports

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

Exemples

$$\frac{5}{2} = \frac{15}{6}$$
$$\frac{11}{4} = \frac{22}{8}$$

Dans la proportion $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ les nombres :
-a et d sont appelés : **les extrêmes** ;
-b et c sont appelés : **les moyens**.

1.2.1 Propriétés des proportions

Lorsqu'on dispose d'une proportion, on peut effectuer différentes transformations.

2.1.1. Dans toute proportion, le produit des extrêmes est égal au produit des moyens. Soit : $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

Réduisons les deux fractions au même dénominateur commun ($b \times d$) : $\frac{axd}{bxd} = \frac{cxb}{dxb}$

Chassons les dénominateurs. Il reste alors :

$$a \times d = c \times b$$

Exemple : $\frac{4}{9} = \frac{12}{27} \Rightarrow 4 \times 27 = 9 \times 12$
 $\Rightarrow 108 = 108$

2.1.2 Dans une proportion donnée, on peut permuter les extrêmes entre eux et les moyens entre eux.

Soit la proportion $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

Utilisons la propriété vue au 2.1.1

Elle nous permet d'écrire $a \times d = b \times c$. Or, si on change la place des 4 termes, on obtient le même résultat.

$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \rightarrow \frac{d}{c} = \frac{b}{a} \rightarrow d \times a = c \times b$. Cette dernière égalité est identique à la précédente.

2.1.3. Si deux rapports forment une proportion, on obtient un rapport égal aux deux premiers en prenant pour numérateur la somme des numérateurs et pour dénominateur la somme des dénominateurs.

Soit la proportion : $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

On peut écrire $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$

$$\text{D'où } \frac{a}{b} = k \rightarrow a = bk$$

+

$$\frac{c}{d} = k \rightarrow c = dk$$

$$a + c = bk + dk$$

$$a + c = k(b + d)$$

$$k = \frac{a + c}{b + d}$$

Ce qui nous permet d'écrire finalement :

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{a + c}{b + d}$$

2.1.4 On obtient aussi un rapport égal si on utilise la différence

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{a - c}{b - d}$$

2.1.5. Multiplions les deux termes du rapport $\frac{a}{b}$ par le nombre relatif x et les deux termes du rapport $\frac{c}{d}$ par le nombre relatif y .

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

$$\frac{ax}{bx} = \frac{cy}{dy} = \frac{ax + cy}{bx + dy}$$

exemple :

Soit la proposition $\frac{5}{2} = \frac{15}{6}$

Multiplions respectivement les rapports par :

$$X = 4$$

$$Y = -5$$

$$\frac{5}{2} = \frac{15}{6} = \frac{(5x4) - (15x5)}{(2x4) - (6x5)} = \frac{20 - 75}{8 - 30}$$

$$\frac{-55}{-22} = \frac{55}{22}$$

I.2.2. Suite de rapports égaux

Disposant de plusieurs rapports égaux, on peut former une suite de ces rapports égaux.

Soit $\frac{a}{b} = k; \frac{c}{d} = k; \frac{e}{f} = k.$

On peut former une suite ayant la forme suivante :

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$$

I.2.3. propriétés des suites de rapports égaux

elles ont les mêmes propriétés que les propositions

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f} = \frac{a+b+c}{b+d+f}$$

Et d'une façon générale :

Soit la suite : $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$

Si on multiplie les termes de chaque rapport par un nombre relatif, on obtient :

$$\frac{a}{b} = \frac{ax}{bx}, \frac{c}{d} = \frac{cy}{dy} \text{ et } \frac{e}{f} = \frac{ez}{fz}$$

et on peut écrire sous la forme suivante :

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f} = \frac{ax+cy+ez}{bx+dy+fz}$$

II GRANDEURS PROPORTIONNELLES**II.1. Grandeurs directement proportionnelles**

Deux grandeurs sont directement proportionnelles lorsque l'une devenant un certain nombre de fois plus grande (ou plus petite) , l'autre devient le même nombre de fois plus grande (ou plus petite), c'est à dire dans la même proportion.

1.1 Exemple :

Le nombre d'heures de travail et le salaire de l'ouvrier.

Soit le tableau suivant :

Salaire encaissé	Nombre d'heures de travail	Rapport(taux horaire)
1804	176	$\frac{1804}{176} = 10.25$
1845	180	$\frac{1845}{180} = 10.25$
2009	196	$\frac{2009}{196} = 10.25$
2173	212	$\frac{2173}{212} = 10.25$
2419	236	$\frac{2419}{236} = 10.25$
.....
A	B	$\frac{A}{B} = K$

On constate que le rapport de chaque salaire à la durée correspondante est constant(10.25)

On peut dire , donc, que les salaires les masses horaires correspondantes sont deux grandeurs directement proportionnelles.

1.2. Définition

Deux grandeurs qui varient simultanément sont directement proportionnelles quand le rapport des mesures correspondantes est constant.

II.2. Grandeurs inversement proportionnelles

Deux grandeurs sont inversement proportionnelles lorsque l'une devenant un certain nombre de fois plus grande (ou plus petite) , l'autre devient le même nombre de fois plus petite (ou plus grande).

Exemple :

La vitesse d'un véhicule et la durée du parcours.

III PARTAGES PROPORTIONNELS

Partager une somme proportionnellement aux nombres a, b, c c'est effectuer un partage proportionnel à a, b, c .

Selon que a, b, c appartiennent à une seule grandeur ou à plusieurs grandeurs, le partage est simple ou le partage est dit composé.

III.1 Partages directement proportionnels

1.1. Principe :

Les parts forment avec les nombres donnés une suite de rapports égaux.

1.2. Règle :

Pour partager une somme en parties directement proportionnelles à des nombres
Donnés :

⇒ **On divise cette somme par le total des nombres donnés et on multiplie le quotient successivement par chacun d'eux.**

Si le partage a lieu proportionnellement à des fractions, on réduit celles-ci au même dénominateur et on effectue le partage proportionnellement aux numérateurs.

Exemple :

Partager une prime de fin d'année de 22 478 DH proportionnellement aux années de service de 3 employés : 6ans, 12 ans et 14 ans
 $6+12+14=32$

$$\Rightarrow \text{Part du premier : } \frac{6}{32} \times 22478 = 4214.63$$

$$\Rightarrow \text{Part du second : } \frac{12}{32} \times 22478 = 8429.25$$

$$\Rightarrow \text{Part du troisième : } \frac{14}{32} \times 22478 = 9834.12$$

III.2 Partages Inversement Proportionnels

2.1. Principe :

Les parts forment avec les inverses des nombres donnés une suite de rapports égaux.

2.2. Règle :

Pour partager une somme en parties inversement proportionnelles à des nombre donnés :

⇒ **On la partage en parties directement proportionnelles aux inverses de ces nombres .**

Exemple :

Une gratification de 14 000 DH est à partager entre les trois membres d'une équipe en parties inversement proportionnelles au nombre d'heures de travail nécessaires pour l'exécution d'une tâche donnée, ils ont effectué chacun et qui sont respectivement : 63 H , 72 H et 80 H.

Les parts sont directement proportionnelles à :

$$\frac{1}{63}; \frac{1}{72}; \frac{1}{80}$$

En réduisant au même dénominateur on aura :

$$\frac{80}{5040}; \frac{70}{5040}; \frac{63}{5040}$$

$$\text{La part du premier : } 14000x \frac{80}{213} = 5258.22$$

$$\text{La part du deuxième : } 14000x \frac{70}{213} = 4600.94$$

$$\text{La part du troisième : } 14000x \frac{63}{213} = 4140.84$$

LES POURCENTAGES

I. Définition

On appelle pourcentage (ou tant pour cent) le rapport constant de deux grandeurs proportionnelles quand la mesure de la seconde est 100.
C'est donc un rapport dont le dénominateur est 100.

Du point de vue mathématique, on a deux cas distincts :

- Soit le pourcentage s'applique à une quantité connue, on l'appelle alors pourcentage direct ;
- Soit le pourcentage s'applique à une quantité inconnue, on l'appelle, dans ce cas, pourcentage indirect.

I.1. Pourcentage direct

Exemple :

Un commerçant achète un article au prix de 9 000 DH. Il désire réaliser un bénéfice de 20% sur le prix d'achat. Quel sera alors son bénéfice ?

$$\text{Bénéfice} = \frac{9000 \times 20}{100}$$

Cette expression peut aussi s'écrire sous la forme suivante :

$$\text{Bénéfice} = 9000 \times \frac{20}{100} \rightarrow \text{Bénéfice} = 1800 \text{DH}$$

Plus généralement, une quantité représentée par un pourcentage de $x\%$ applicable à une quantité connue P , se calcule comme suit :

$$P = \frac{x}{100}$$

I.2. Pourcentage indirect

Exemple

Un commerçant achète une marchandise à 24 000 DH et désire réaliser un bénéfice de 25% sur le prix de vente. Quel sera, dans ce cas, son bénéfice ?

Le bénéfice (B) = 25 chaque fois que le $PV = 100$ et par voie de conséquence, le prix d'achat (PA) sera égal à $100 - 25 = 75$

$$B = \frac{25}{75} \times PA$$

$$B = \frac{25}{75} \times 24000 \rightarrow \text{Bénéfice} = 8000$$

Généralisation :

$$\begin{array}{r} PA \quad 100 - x \\ +B \quad \quad x \\ \hline PV \quad \quad 100 \end{array}$$

d'où

$$B = \frac{x}{100 - x} xPA$$

II Application des pourcentages aux réductions sur le prix

En général, le commerçant accorde à ses clients une réduction de $a\%$ calculée sur le prix de vente public appelé aussi :

- Prix de vente -catalogue (PVC)
- Prix de vente brut (PVB)
- Prix de vente marqué (PVM)

II.1. Calcul du PVC en fonction du PV

Le point de départ est le PVC

Le point d'arrivée est le PV

Exemple : un commerçant qui accorde deux remises 10% et 8%.

On commence par poser l'élément à calculer (point de départ) et on termine par l'élément connu (point d'arrivée)

$$PVC = \frac{100}{100 - a} x \frac{100}{100 - b} x PV$$

$$PVC = \frac{100}{90} x \frac{100}{92} x PV$$

II.2. Calcul du PV en fonction du PVC

Point de départ : PV → à calculer

Point d'arrivée : PVC → connu

$PV = \frac{100 - b}{100} x \frac{100 - a}{100} x PVC$ qu'on peut écrire sous la forme suivante :

$$PV = \frac{100 - a}{100} x \frac{100 - b}{100} x PVC$$

Dans l'exemple chiffré, on a :

$$PV = \frac{90}{100} \times \frac{92}{100} \times PVC$$

II.3. Coefficient multiplicateur et taux de bénéfice

Le coefficient multiplicateur est le nombre qui permet de passer de la quantité connue à la quantité inconnue par une seule multiplication.

Exemples :

- Passer du prix d'achat (PA) au prix de vente net (PV).
- Passer du coût de revient (CR) au prix de vente à la clientèle (PVC)

III Application des pourcentages aux réductions sur le poids

Le poids total d'une marchandise est nommé poids brut, on distingue plusieurs réductions sur le poids :

- La tare : c'est une réduction sur le poids de l'emballage.
- La surtare : c'est une réduction pour emballage supplémentaire.
- Le don : c'est une réduction accordée pour altération naturelle de la marchandise.
- La réfaction : réduction accordée pour avaries dans la livraison.

Les réductions sur le poids se calculent également en cascade.

Exemple :

Le poids brut d'une marchandise est de 5 200 kg, la tare est de 2%, le don 3% et la réfaction 1.5% ; calculer le poids net facturé ?

Poids brut	5 200 kg
Tare : 2% de 5200	104 kg
Ne t1	5096 kg
Don : 3% de 5 096	152.88 kg
Ne t2	4 943.12 kg
Réfaction : 1.5% de 4 943.12	74.15 kg
Poids net facturé	4 868.97 kg

IV Application des pourcentages en matière de TVA

IV.1 Calcul de la TVA

La TVA se calcule sur le prix de vente hors taxe (HT).

Elle s'ajoute à ce prix pour obtenir le prix de vente toutes taxes comprises (TTC).

Soit :

- t : le taux de la TVA.
- PHT : le prix hors taxe.
- $PTTC$: le prix toutes taxes comprises.
- TVA : le montant de la TVA.

$$TVA = \frac{PHT \times t}{100}$$

IV.2 Calcul du PTTC et du PHT

$$PTTC = PHT + TVA$$

$$PTTC = PHT + \frac{PHT \times t}{100}$$

$$PTTC = PHT \times \left(1 + \frac{t}{100}\right)$$

$$PHT = PTTC \times \frac{1}{1 + \frac{t}{100}}$$

Exemple :

Un commerçant vend des marchandises toutes taxes comprises à 19 560 DH.
Déterminer le prix de vente hors taxe et la montant de la TVA ?

1. Calcul du PHT

$$PHT = 19\,560 \times \frac{1}{1 + \frac{20}{100}} = 16\,300 \text{ DH}$$

2. Calcul de la TVA

$$TVA = PTTC - PHT$$

$$TVA = 19\,560 - 16\,300 = 3\,260 \text{ DH.}$$

LES INTERETS SIMPLES

I. Généralités

I.1. notion d'intérêt

L'intérêt peut être défini comme la rémunération d'un prêt d'argent. Chaque fois qu'une personne prête une certaine somme, elle se prive pendant toute la période du prêt de la possibilité d'employer elle-même son argent et rend service à son débiteur qui pourra, par exemple, l'utiliser pour financer des investissements rentables. Il est donc normal qu'elle reçoive en contrepartie une rémunération.

I.2. définition d'intérêt simple

Lorsque la durée du prêt est de quelques mois, on convient en général que l'intérêt sera payé en une seule fois, soit lors de la remise du prêt, soit lors de son remboursement. Quand le prêt (ou le placement) est fait à intérêts simples), les intérêts dus à la fin de chaque période choisie comme unité de temps (trimestre, semestre ou année) sont calculés sur la capital initial : ils ne sont pas capitalisés pour le calcul des intérêts de la période suivante.

Le montant de l'intérêt dépend de l'importance du capital prêté et de la durée du prêt. En principe l'intérêt est proportionnel au capital prêté et croît avec la durée.

II. Formule fondamentale de l'intérêt simple

A la fin de chaque période, les intérêts ne sont capitalisés pour le calcul des intérêts de la période suivants. L'intérêt dépend du capital placé, du taux d'intérêt et la durée du prêt.

Soit :

- C : le capital prêté
- t : le taux d'intérêt (
- n : la durée du prêt évaluée en fonction de la période retenue pour l'application du taux.
- I : l'intérêt global produit

$$I = C \times t \times n$$

Généralement, le taux indiqué dans le contrat est un taux annuel pour 100 DH et la durée de placement est exprimé en jours (en prenant en considération une année commerciale de 360 jours). Dans ce cas l'intérêt est :

$$I = \frac{C \times t \times n}{36000}$$

Lorsque n est exprimé en mois, on peut écrire

$$I = \frac{Cxtxn}{1200}$$

Exemple :

Soit un capital de 12 000 DH placé au taux de 11% :

- Pour une période de 126 jours ;
- Pour une période de 3 mois ;
- Pour une période de 2 ans.

Quel est l'intérêt produit selon les 3 cas ?

$$1^{er} \text{ cas} : I = \frac{12000 \times 11 \times 126}{36000} = 462 \text{ DH}$$

$$2^{ième} \text{ cas} : I = \frac{12000 \times 11 \times 3}{1200} = 330 \text{ DH}$$

$$3^{ième} \text{ cas} : I = \frac{12000 \times 11 \times 2}{100} = 2640 \text{ DH}$$

III. Les méthodes commerciales de calcul de l'intérêt simple

III.1. Méthode des nombres et des diviseurs fixes

Principe :

On part de la formule : $\frac{Cxtxn}{36000}$, n étant exprimé en jours.

Divisons par t les deux membres, on obtient :

$$\frac{\frac{Cxtxn}{t}}{36000} \text{ ou encore } \frac{Cxn}{\frac{36000}{t}}$$

Si nous posons $Cxn = N$ et $\frac{36000}{t} = D$, alors la formule peut s'écrire :

$$I = \frac{D}{N} \quad N \text{ étant le nombre et } D \text{ le diviseur fixe.}$$

Exemple :

Quel est l'intérêt global des capitaux suivants placés à 12 % ?

68 000	pendant	45 jours
45 250		96
29 750		147
15 760		265
36 148		36
26 855		128

Calcul du diviseur fixe $D = 36\,000/t = 36\,000/12 = 3\,000$

Tableau de calcul :

C	n	N
68 000	45	3 060 000
45 250	96	4 344 000
29 750	147	4 373 250
15 760	265	4 176 400
36 148	36	1 301 328
26 855	128	3 437 440
		20 692 418

d'où $N/D = 20\,692\,418/3\,000 = 6\,897,47$

III.2. Méthode des parties aliquotes

2.1. Principe :

Pour celle-ci on divise D par 100 pour obtenir B la base.

2.2. Exemple :

$$\begin{aligned} C &= 7\,800 \\ t &= 4.5\% \\ n &= 80 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} D &= 36\,000 / 4.5 = 8\,000 & B &= 80 \\ I &= N/D = 7\,800 \times 80 / 100 \times 80 = 78\,DH \end{aligned}$$

Lorsque $n = B \Rightarrow I = 1 / 100$ du capital.

Autre exemple :

$$C = 15\,500$$

$$t = 8\%$$

$$n = 180$$

$$D = 36\,000 / 8 = 4\,500 \qquad B = 45$$

$$\text{si } n = 45 \Rightarrow I = 155 \text{ (} 15\,500 / 100 \text{)}$$

$$\text{si } n = 180 \text{ alors } n = 4 \times 45 \text{ d'où } I = 4 \times 155 = 620 \text{ DH}$$

Lorsque le nombre de jours est un multiple ou un sous-multiple de la base, l'intérêt est ce même multiple ou sous-multiple de la centième partie du capital.

III.3. Méthode du soixante

Cette méthode est utilisée lorsque le taux de base ne permet pas une division exacte de 36 000.

Exemple 1 :

$$C = 12\,730$$

$$t = 8.5\%$$

$$n = 26$$

L'intérêt est calculé par la méthode des parties aliquotes de temps à 6 %.

$$D = \frac{36000}{6} = 6\,000 \qquad B = 60$$

$n = 60$	$I = 127.30$
<i>si</i> $n = 20$	$I = 127.30 / 3 =$
<i>si</i> $(60/3)$	42.43
$n = 6$	$I = 127.30 / 10 =$
$(60/10)$	12.73
$n = 26$	$I = 55.16$

L'intérêt est ensuite ramené au taux réel en le décomposant en parties aliquotes de 6

$t = 6\%$	$I = 55.16$
<i>si</i> $t = 6$	$I = 55.16$
<i>si</i> $t = 2 \text{ (} 6/3 \text{)}$	$I = 55.16 / 3 = 18.38$
<i>si</i> $t = 0.5 \text{ (} 2/4 \text{)}$	$I = 18.38 / 4 = 4.59$
$t = 8.5\%$	$I = 78.13$

Vérifions : $12\ 730 \times 8.5 \times 26 / 36\ 000 = 78.13$.

Exemple 2 :

$$C = 3\ 028$$

$$t = 7.5 \%$$

$$n = 111 \text{ jours}$$

Calculer par la méthode du soixante l'intérêt produit par ce placement.

Si $t = 6 \%$ $D = \frac{36000}{6} = 6\ 000$ $B = 60$

	$n = 60$	$I = 30.28$
si	$n = 120 (60 \times 2)$	$I = 30.28 \times 2 = 60.56$
si	$n = 6 (60/10)$	$I = 30.28 / 10 = 3.03$
si	$n = 3 (60/20)$	$I = 30.28 / 20 = 1.51$
	$n = 111$	$I = 56.02$
	$t = 6 \%$	$I = 56.02$
si	$t = 6$	$I = 56.02$
si	$t = 1 (6/6)$	$I = 56.02 / 6 = 9.33$
si	$t = 0.5 (1/2)$	$I = 9.33 / 2 = 4.67$
	$t = 7.5 \%$	$I = 70.02$

vérifions : $3\ 028 \times 7.5 \times 111 / 36\ 000 = 70.02$

IV. Calcul des facteurs de l'intérêt simple

Les facteurs de l'intérêt simple sont : le capital, le taux et la durée.

IV.1 calcul du capital

Il s'agit de la somme placée ou prêtée à une date déterminée

De la formule générale $I = \frac{C \times t \times n}{36000}$ on tire $C = \frac{36000 \times I}{t \times n}$

Exemple :

Quel est le capital ,qui , placé à 10% pendant 75 jours rapporterait 406.25 DH ?

$$C = \frac{36000 \times 406.25}{10 \times 75} = 19500 \text{ DH .}$$

IV.2. La valeur acquise

On appelle valeur acquise par un capital placé pendant un certain temps, la valeur du capital augmentée des intérêts à la fin de la période de placement.

Soit V : la valeur acquise par le capital à la fin de la période du placement

$$V = C + I$$

Exemple 1 :

Quelle est la valeur acquise par un capital de 120 000 DH placé à 12.5 % pendant 126 jours ?

$$I = 120\,000 \times 12.5 \times 126 / 36\,000 = 5\,250$$

$$V = 120\,000 + 5\,250 = 125\,250 \text{ DH}$$

Exemple 2 :

Quel est le capital qui placé à 9% est devenu 281 231 DH au bout de 2 ans 3 mois et 18 jours ?

2 ans 3 mois et 18 jours = 720+90+18=828 jours

Une somme placée à 9% rapporte 9/100 de sa valeur en 1 an.

En 828 jours, elle rapporte $\frac{9}{100} \times \frac{828}{1000} = \frac{207}{1000}$

Elle est devenue $1 + \frac{207}{1000} = \frac{1207}{1000}$ de ce qu'elle était primitivement

Le capital était donc :

$$C = 281231 \cdot \frac{1000}{1207} = 281231 \times \frac{1000}{1207} = 233000 \text{ DH}$$

IV.3. Calcul de la durée

De la formule générale $I = \frac{Cxtxn}{36000}$ on tire $n = \frac{Ix36000}{Cxt}$

Exemple 1 :

Pendant combien de temps un capital de 45 000 doit-il être placé à 11.5% pour générer 805 DH d'intérêts ?

$$n = \frac{805 \times 36000}{45000 \times 11.5} = 56 \text{ jours}$$

Le principe consiste à calculer le nombre de jours qui séparent la date de placement et la date du retrait, en négligeant la date du dépôt et en comptant le jour du retrait.

Les mois sont retenus pour leur durée réelle, même si l'année est ramenée à 360 jours.

Exemple 2 :

Quelle est la durée de placement d'un capital, sachant que ce placement a été effectué du 18 novembre 2002 au 27 octobre 2003 ?

Mois	Durée réelle	Nombre de jours
NOV 02	30	13
DEC 02	31	31
JAN 03	31	31
FEV 03	28	28
MAR 03	31	31
AVR 03	30	30
MAI 03	31	31
JUI 03	30	30
JUIL 03	31	31
AOU 03	31	31
SEP 03	30	30
OCT 03	31	27
		316

IV.4. Calcul du taux d'intérêt

Dans la pratique, on détermine un placement en indiquant l'intérêt qui est rapporté par un capital de 100 DH en un an, cet intérêt porte le nom de **taux d'intérêt**.

Le taux d'intérêt peut dépendre de plusieurs facteurs :

- loi de l'offre et de la demande des capitaux disponibles ;
- degré de confiance du prêteur envers l'emprunteur ;
- durée du prêt ;
- conjoncture économique et sociale.

De la formule générale $I = \frac{C \times t \times n}{36000}$ on tire $t = \frac{I \times 36000}{C \times n}$

Exemple :

Un capital de 28 600 DH placé pendant 85 jours a rapporté 607.75 DH.
Calculer le taux ?

$$t = \frac{I \times 36000}{C \times n} \Rightarrow t = \frac{607.75 \times 36000}{28600 \times 85} = 9\%$$

L'escompte commercial

I Définition et calcul

L'escompte commercial, prix du service rendu par le banquier, ne sera autre que l'intérêt, à un taux t indiqué par le banquier, d'une somme égale à la valeur nominale de l'effet montant de l'avance effectuée par le banquier, calculé sur le nombre de jours que sépare la date de la négociation de l'effet de la date d'échéance de l'effet (ce nombre de jour correspondant à la durée du prêt consenti par le banquier).

II calcul de l'escompte commercial

Dans la pratique, le banquier retient, outre l'escompte, diverses commissions

L'ensemble des retenues : escompte, commission, taxe représente l'agio TTC

Si on désigne par :

V = valeur nominale de l'effet

n = durée en jours

t = taux d'escompte

e = escompte commercial

On obtient :

$$\boxed{e = \frac{Vxtxn}{36000}} \quad \text{ou} \quad \boxed{e = \frac{Vxn}{D}} \quad (\text{méthode du diviseur fixe}).$$

Exemple 1 :

Calculons l'escompte d'un effet de 40 000 DH au 31 juillet remis à l'escompte le 26 juin. Taux 11,25 %.

Nombre de jours :	du 26 juin au 30 juin	4 jours
	jusqu'au 31 juillet	<u>31 jours</u>
		35 jours

$$e = 40\,000 \times 11,25 \times 35 / 36\,000 = \mathbf{437,50}$$

ou

$$D = 36\,000 / 11,25 = 3\,200 \quad e = 40\,000 \times 35 / 3\,200 = \mathbf{437,50}$$

Exemple 2 :

Calculer l'escompte commercial d'un effet de valeur nominale de 8 300 DH à 40 jours au taux de 10,75 %.

$$e = 8\,300 \times 40 \times 10,75 / 36\,000 = \mathbf{99,14}$$

III Valeur actuelle

C'est la valeur que le banquier doit verser au porteur de l'effet à l'occasion de l'opération d'escompte.

Elle représente la différence entre la valeur nominale et l'escompte retenu par le banquier.

En désignant par a cette valeur actuelle on aura :

$$\mathbf{a = V - e}$$

Reprenons l'exemple 1

$$\text{On obtient : } a = 40\,000 - 437,50 = \mathbf{39\,562,50}$$

IV Calcul de l'échéance, du taux, de la valeur nominale**VI.1.L'échéance**

Quel est le nombre de jours jusqu'à l'échéance d'un effet de 4 800 DH qui escompté au taux de 12 % l'an a une valeur actuelle de 4 720 DH ?

Reprenons la formule : $a = V - e$

on peut écrire : $4\,720 = 4\,800 - e$ donc $e = 80$

on peut écrire encore : $e = V \cdot tn / 36\,000 = 80$
d'où $4\,800 \times 12 \times n / 36\,000 = 80$

$$4\,800 \times 12 \times n = 80 \times 36\,000$$

$$57\,600n = 2\,880\,000$$

$$\mathbf{n = 50 \text{ jours.}}$$

VI.2 Taux d'escompte

Quel est le taux qui a été appliqué à un effet de valeur nominale 780 DH pendant 35 jours et ayant une valeur actuelle de 771,66 DH .

On peut écrire : $771.66 = 780 - e$ donc $e = 8.34$

$$\begin{aligned} \text{d'où} \quad & 8.34 = V tn / 36\,000 \\ & 8.34 = 780 \times 35 \times t / 36\,000 \\ 36\,000 \times 8.34 &= 780 \times 35 \times t \\ 300\,240 &= 27\,300t \end{aligned}$$

$$t = 11 \text{ donc taux} = 11 \% \text{ l'an.}$$

IV.3. Valeur nominale

Quelle est la valeur nominale d'un effet qui, escompté au taux de 11 % l'an pendant 54 jours a une valeur actuelle de 1 983.50 ?

On peut écrire : $1\,983.50 = V - V tn / 36\,000$

$$\begin{aligned} \text{d'où} \quad & = V - V \times 11 \times 54 / 36\,000 \\ & = V - 0.0165V \\ & = 0.9835V \\ V &= 2\,017 \text{ DH} \end{aligned}$$

V. La pratique de l'escompte

Un commerçant qui veut négocier des effets les remet à son banquier, accompagnés d'un bordereau des effets présentés à l'escompte.

Par la suite, le banquier adresse au commerçant un bordereau des effets remis à l'escompte.

Ce document comporte :

- classement des différents effets
- leurs caractéristiques
- les différents calculs relatifs à l'agio
- la valeur nette escomptée (valeur nominale - agio)

V.1 Quelques définitions

Place bancable : localité où Bank al Maghrib a une succursale

Effet bancable : effet payable dans une place bancable

Effet déplacé : (ou non bancable) effet payable ailleurs

Taux d'escompte : taux de Bank al Maghrib augmenté d'un % variable entre 0.5 % et 1.5 %.

V.2 Calcul :

Le nombre de jours est celui qui s'étend entre la date de la remise à l'escompte et l'échéance des effets : peut être majoré d'un ou deux jours appelés jours de banque.

Dans certains cas, il peut y avoir un minimum de jours (10 à 15 jours).

Il peut aussi y avoir un minimum d'escompte : 3,50 DH par exemple.

V.3 Les commissions

- *Commission d'endos* : elle rémunère le service rendu par le banquier qui réescompte les effets auprès de Bank al Maghrib. Même méthode de calcul que pour l'escompte.
- *Commission de bordereau* : appelée aussi commission de service, elle est calculée soit à un certain taux sur la valeur nominale des effets : 1/6 % par exemple, soit fixe : 3,20 DH par effet.
- *Commission d'encaissement ou change de place* : se calcule comme pour la commission de bordereau.
- *Autres* : commission d'acceptation, commission de manipulation ; en général fixes par effet.

V.4 Taxe

Depuis 1995, la TVA au taux de 7 % frappe l'ensemble des commissions, escompte.

Exemple 1 :

On escompte les effets suivants :

3 548	échéance	20 novembre
12 465		15 décembre
10 250		10 novembre
700		15 décembre
100		20 novembre

aux conditions suivantes :

- date de remise : 4 novembre
- jour de banque : 1 - à appliquer aux effets dépassant le minimum de jours
- minimum de jours : 10
- taux : taux de Bank al Maghrib + 0,5 % ; le 4 novembre le taux Bank al Maghrib est de 10,75 %
- minimum d'escompte : 7,50 DH.

$$D = 36\ 000 / 11.25 = 3\ 200$$

$$\begin{aligned} (1) \text{ nombre minimum } e &= N/D & N &= e \times D \\ & & &= 7.50 \times 3\ 200 \\ & & &= 24\ 000 \end{aligned}$$

$$\text{escompte} = 739\ 746 / 3\ 200 = \mathbf{231.17}$$

Calcul de la valeur nette sachant que :

- commission endos : 0.75 % l'an
- commission de manipulation : 3.50 DH par effet
- commission d'acceptation : 4.00 DH par effet (un seul est présenté à l'acceptation, le quatrième de 12 465)
- commission de service : 2.40 DH par effet.

Commission d'endos : $D = 36\ 000 / 0.75 = 48\ 000$

d'où commission endos = $739\ 746 / 48\ 000 = 15.41$

*minimum de jours : 10

*minimum d'escompte : 7.50 DH

BORDEREAU D'ESCOMPTE										
<i>Date de remise 4 novembre</i>					<i>Escompte Taux 11.25 %</i>		<i>Endos. Tx 0.75 %</i>	<i>Commissions</i>		
<i>N°</i>	<i>Lieu</i>	<i>Montant</i>	<i>Echéance</i>	<i>Jours</i>	<i>Intérêt</i>	<i>Nombre</i>	<i>Nombre</i>	<i>Manip.</i>	<i>Accept.</i>	<i>de service</i>
1		10 250	10.11	10*	32.03	102 500	102 500	3.50		2.40
2		3 548	20.11	17	18.85	60 316	60 316	3.50		2.40
3		100	20.11	17	7.50*	24 000 (1)	24 000	3.50		2.40
4		12 465	15.12	42	163.60	523 530	523 530	3.50	4.00	2.40
5		700	15.12	42	9.19	29 400	29 400	3.50		2.40
		27 063	TOTAUX		231.17	739 746	739 746	17.50	4.00	12.00

BORDEREAU RECAPITULATIF D'ESCOMPTE			
Date : 4 novembre			
AGIOS		REMISE Montant brut	27 063,00
INTERETS à 11,25 %	231,17		
ENDOS à 0,75 %	15,41		
COMMISSIONS		AGIOS TTC	263,84
1... Manipulation.....	17,50		
2....Acceptation.....	4,00		
3.....de service.....	12,00		
4.....			
5.....			
6.....			
TVA 7 % sur commissions	6,90	NET	26 765,66
AGIOS TOTAUX TTC	286,98		

Exemple 2 :

En tenant compte des renseignements ci-dessus, complétez le bordereau suivant :

- taux d'escompte 12 %
- minimum d'escompte : 8 DH
- minimum de jours : 10
- jour de banque : 1 - à appliquer aux effets dépassant le minimum
- commission d'endos : 0,60 % l'an - minimum 1,30 DH
- commission de bordereau : 1/8 %
- commission de manipulation : 2,75 DH par effet
- commission d'encaissement : gratuit, sauf sur les effets de MOHAMMADIA et AL JADIDA, (3,55 DH par effet).

BORDEREAU D'ESCOMPTE										
Date de remise 25 mai				Escompte Taux		Endos. Tx		Commissions		
N°	Lieu	Montant	Echéance	Jours	Intérêt	Nombre	Intérêt	Manip.	Bordereau	Encais.
1	SAFI	2 458.00	31/05							
2	CASABLANCA	1 465.40	12/06							
3	SALE	14 257.60	15/06							
4	RABAT	973.25	26/06							
5	TANGER	2 337.60	06/07							
6	AGADIR	12 634.82	10/07							
7	LAAYOUN	5 247.36	18/07							
8	TANTAN	3 250.74	20/07							
9	MOHAMMADIA	6 827.83	24/07							
10	ELJADIDA	1 456.00	31/07							
			TOTAUX							

<i>BORDEREAU RECAPITULATIF D'ESCOMPTE</i>			
<i>Date :</i>			
<i>AGIOS</i>		<i>REMISE</i> <i>Montant brut</i>	
<i>INTERETS</i> à		<i>AGIOS TTC</i>	
<i>ENDOS</i> à			
<i>COMMISSIONS</i>		<i>NET</i>	
<i>1.....</i>			
<i>2.....</i>			
<i>3.....</i>			
<i>4.....</i>			
<i>5.....</i>			
<i>6.....</i>			
<i>AGIOS TOTAUX TTC</i>			

BORDEREAU D'ESCOMPTE

Date de remise 25 mai				Escompte Taux 12 %		Endos. Tx 0.60%	Commissions			
N°	Lieu	Montant	Echéance	Jours	Intérêt	Nombre	Intérêt	Manip.	Bordereau	Encais.
1	SAFI	2 458.00	31/05	10	8.19		1.30	2.75	3.07	
2	CASABLANCA	1 465.40	12/06	19	9.28		1.30	2.75	1.83	
3	SALE	14 257.60	15/06	22	104.55		5.22	2.75	17.82	
4	RABAT	973.25	26/06	33	10.71		1.30	2.75	1.22	
5	TANGER	2 337.60	06/07	43	33.51		1.68	2.75	2.92	
6	AGADIR	12 634.82	10/07	47	197.95		9.90	2.75	15.79	
7	LAAYOUN	5 247.36	18/07	55	96.20		4.81	2.75	6.56	
8	TANTAN	3 250.74	20/07	57	61.75		3.09	2.75	4.06	
9	MOHAMMADIA	6 827.83	24/07	61	138.83		6.94	2.75	8.53	3.55
10	ELJADIDA	1 456.00	31/07	68	33.00		1.65	2.75	1.82	3.55
		50 908.60	TOTAUX		693.97		37.19	27.5	63.62	7.10

<i>BORDEREAU RECAPITULATIF D'ESCOMPTE</i>			
<i>Date : 25 mai</i>			
<i>AGIOS</i>		<i>REMISE</i> <i>Montant brut</i>	<i>50 908.60</i>
<i>INTERETS à 12 %</i>	<i>693.97</i>	<i>AGIOS TTC</i>	<i>849.61</i>
<i>ENDOS à 0.60%</i>	<i>37.19</i>		
<i>COMMISSIONS</i>		<i>NET</i>	<i>50 058.99</i>
<i>1.....Bordereau.....</i>	<i>63.62</i>		
<i>2.....Manipulation.....</i>	<i>27.50</i>		
<i>3.....Encaissement.....</i>	<i>7.10</i>		
<i>4.....</i>			
<i>5.....</i>			
<i>6.....</i>	<i>20.23</i>		
<i>AGIOS TOTAUX TTC</i>	<i>849.61</i>		

VI. L'escompte rationnel

L'escompte rationnel est l'intérêt de la valeur actuelle.

Comme cette valeur actuelle est inférieure à la valeur nominale, on dit que l'intérêt ainsi calculé est un escompte en dedans, par contraste avec l'escompte commercial dit escompte en dehors.

On le dénomme rationnel parce que son mode de calcul est conforme à la raison, au bon sens, autrement dit : est plus équitable.

VI.1 Calcul de la valeur actuelle rationnelle et de l'escompte rationnel

En désignant par A' la valeur actuelle rationnelle et par E' l'escompte rationnel on a :

$$A' - E' = V$$

$$\text{et } E' = \frac{A' \cdot t \cdot j}{36\,000} \quad \text{donc}$$

$$V = A' - \frac{A' \cdot t \cdot j}{36\,000} \quad \text{d'où on peut tirer}$$

$$A' = \frac{36\,000 \times V}{36\,000 + t \cdot j}$$

$$E' = \frac{A' \cdot t \cdot j}{36\,000 + t}$$

Exemple :

Calculer l'escompte en dedans (ou rationnel) d'un effet de 15 320 DH payable dans 43 jours au taux de 8 % déterminer la valeur actuelle rationnelle.

Solution :**1. Calcul de l'escompte rationnel**

$$E' = \frac{V \cdot t \cdot j}{36\,000 + t \cdot j}$$

$$E' = \frac{15\,320 \times 8 \times 43}{36\,000 + 8 \times 43} = \frac{5\,270\,080}{36\,344}$$

$$E' = 145,00 \text{ DH}$$

On peut procéder également par la règle de trois.

Pour un effet d'une valeur actuelle de 100 DH, l'escompte est de $100 \times 8 \times 43$

$$\frac{36\,000}{100} = 0,9555 \text{ et la valeur nominal} = 100 + 0,95 = 100,9555$$

Donc pour une valeur nominale de 100,9555 l'escompte = 0,95. pour une valeur nominale de 15 320 l'escompte =

$$E' = \frac{15\,320 \times 0,955}{100,955} = 145 \text{ DH}$$

2. Calcul de la valeur actuelle.

$$A' = \frac{36\,000 \times V}{36\,000 + t \cdot j}$$

$$A' = \frac{36\,000 \times 15\,320}{36\,000 + 8 \times 43} = \frac{551\,520\,000}{36\,344} = 15\,174,99$$

$$A' = 15\,175 \text{ DH}$$

VI.2 Comparaison entre escompte commercial et escompte rationnel

L'escompte commercial E est l'intérêt au taux t et pour j jours de la valeur nominale d'un effet de commerce.

L'escompte rationnel E' est l'intérêt au taux t et pour j jours de la valeur actuelle de l'effet (elle est donc inférieure à la valeur nominale)

Donc

$$E > E'$$

La différence entre les deux escomptes est égale à l'intérêt simple de l'escompte rationnel.

$$E - E' = \frac{V \cdot t \cdot j}{36\,000} - \frac{A' \cdot t \cdot j}{36\,000}$$

$$\text{or } V - A' = E'$$

$$E - E' = \frac{E' \cdot t \cdot j}{36\,000}$$

Exemple:

Soit un effet de 12 300 DH payable dans 60 jours escompter à 9 %.

$$\text{L'escompte commercial} \quad E = \frac{12\,300 \times 9 \times 60}{36\,000}$$

$$E = 184,5 \text{ DH}$$

$$\text{L'escompte rationnel} \quad E' = \frac{V. t. j}{36\,000 + t. j}$$

$$E' = \frac{12\,300 \times 9 \times 60}{36\,000 \times 9 \times 60} = \frac{6\,642\,000}{36\,540}$$

$$E' = 181,77 \text{ DH}$$

$$E - E' = 184,5 - 181,77 = 2,72 \text{ DH}$$

Elle est égale à l'intérêt simple pendant 60 jours de E'.

$$\frac{181,77 \times 9 \times 60}{36\,000} = 2,72$$

L'EQUIVALENCE DES EFFETS

Examinons les cas suivants :

Il arrive qu'un débiteur ayant des difficultés de trésorerie demande à son créancier de remplacer un effet à 40 jours par un effet à 60 jours. A quelle condition cette opération peut-elle se faire sans que le créancier ne subisse de préjudice ?

Un commerçant peut être débiteur vis-à-vis d'un même créancier de plusieurs effets de valeurs nominales, d'échéances et de taux différents. Peut-on remplacer ces différents effets par un effet unique ?

Ceci, nous amène au problème qui consiste à rechercher "l'équivalence" entre deux effets.

Cas n° 1

Le 15 janvier, on négocie deux effets au taux d'escompte de 11,5 %.

Le premier : valeur nominale = 4 200,00 échéance 12 février.

Le second : valeur nominale = 4 225,88 échéance 3 mars

Calculons la valeur actuelle de chaque effet :

$$a_1 = 4\,200,00 - 4\,200,00 \times 11,5 \times 28 / 36\,000 = 4\,162,43$$

$$a_2 = 4\,225,88 - 4\,225,88 \times 11,5 \times 47 / 36\,000 = 4\,162,43$$

Nous constatons que $a_1 = a_2$

Les deux effets ont même valeur actuelle au 15 janvier. Cette date est appelée date d'équivalence.

Deux effets sont dits "équivalents" à une date donnée si à cette même date, ils ont la même valeur actuelle.

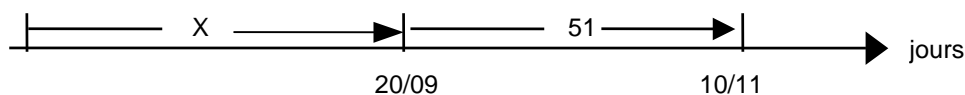
Cas n° 2

On considère deux effets : $V_1 = 3\,650,00$ échéance 20 septembre

$V_2 = 3\,709,49$ échéance 10 novembre

Taux d'escompte : 11.25 %

A quelle date ces deux effets sont-ils équivalents ?



OFPPT/ DRIF	X + 51	43
-------------	--------	----

↑

Date d'équivalence

Soit x le nombre de jours séparant le 20 septembre de la date d'équivalence $x + 51$ est le nombre de jours séparant le 10 novembre de cette même date, on peut écrire :

$$a_1 = a_2$$

$$V_1 - e_1 = V_2 - e_2$$

$$\text{donc } 3\,650 - 3\,650 \times 11.25 \times (x) / 36\,000 = 3\,709.49 - \frac{3\,709.49 \times 11.25 \times (x + 51)}{36\,000}$$

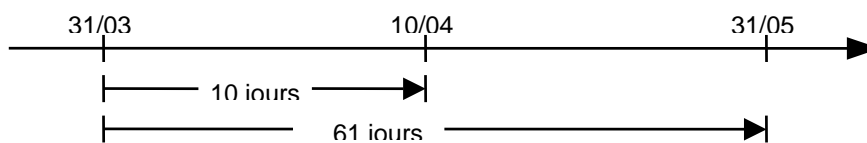
$$\begin{aligned} \text{donc } 3\,650 - 1.140625(x) &= 3\,709.49 - 1.1592156(x + 51) \\ 1.1592156(x + 51) - 1.140625(x) &= 3\,709.49 - 3\,650 \\ 59.119995 + (1.1592156 - 1.140625)(x) &= 59.49 \\ 0.0185906(x) &= 0.370005 \\ x &= 19.9 \approx \mathbf{20 \text{ jours}} \end{aligned}$$

D'où la date d'équivalence = 20 jours avant le 20 septembre soit le 31 août.

Cas n° 3

Un effet de 8 650 DH à échéance du 10 avril est remplacé le 31 mars par un effet au 31 mai. Taux d'escompte 11 %

Quelle est la valeur nominale de l'effet de remplacement ?



Il faut qu'au 31 mars les deux effets soient équivalents. Si V est la valeur nominale de l'effet de remplacement on peut écrire :

$$V - V \times 11 \times 61 / 36\,000 = 8\,650 - 8\,650 \times 11 \times 10 / 36\,000$$

$$(36\,000V - 671V) / 36\,000 = 8\,650 - 26.43$$

$$35\,329V / 36\,000 = 8\,623.57$$

$$V = 8\,623.57 \times 36\,000 / 35\,329$$

$$V = 8\,787.36$$

I Définition

Deux effets sont équivalents, à une date donnée, si à cette date, ils ont des valeurs actuelles égales, si on les escompte au même taux. Cette date est alors dite date d'équivalence.

L'équivalence de deux effets peut se rencontrer lorsqu'un débiteur demande à son créancier de proroger la date d'échéance d'un effet, de modifier sa valeur nominale, ou de renouveler l'effet par la création d'un nouvel effet lorsque le premier est impayé à l'échéance.

Donc les problèmes relatifs aux effets équivalents peuvent se ramener à 3 types suivant que l'on doit calculer :

- La valeur nominale de l'effet de remplacement
- L'échéance de l'effet de remplacement
- Le taux auquel on a calculé l'équivalence.

II. calcul de la valeur nominale

Pour calculer la valeur nominale de l'effet de remplacement on part de l'égalité entre les deux effets.

Exemple :

Le débiteur B doit à son créancier A une somme de 3000 DH, payable le 31 juillet, la créance étant matérialisée par un effet de commerce.

Le 16 juillet, B qui se sait, dans l'impossibilité de faire face, le 31 juillet, au règlement de sa dette demande à A de remplacer l'effet de commerce au 31 juillet par un autre au 31 août.

Calculer la valeur nominale au 31 août. Taux d'escompte est 6%

Solution :

Du 16 au 31 juillet il y a 15 jours.
La valeur actuelle du 1^{er} effet est :

$$3000 - \frac{3000 \times 15 \times 6}{36\ 000}$$

Soit V la valeur nominale de l'effet de remplacement, sa valeur actuelle est de $V - \frac{V \times 46 \times 6}{36\ 000}$ 46 est le nombre de jours du 16 juillet au 31 août

L'équivalence de deux effets se traduit par l'égalité des valeurs actuelles c'est-à-dire :

$$3000 - \frac{3000 \times 6 \times 15}{36\ 000} = V - \frac{V \times 6 \times 46}{36\ 000}$$

$$3000 - \frac{3000 \times 15}{6000} = V - \frac{V \times 46}{6\ 000}$$

$$\frac{6000 \times 3000 - 3000 \times 15}{36\ 000} = \frac{6000 \times V - V \times 46}{6\ 000}$$

$$\frac{3000 \times (6000 - 15)}{36\ 000} = \frac{V \times (6000 - 46)}{6\ 000}$$

$$V = \frac{3000 \times 5985}{5954} = 3015,62 \text{ DH}$$

Donc la valeur nominale de l'effet de remplacement est de 3015,62 DH.

III. Calcul de l'échéance

Exemple 1 :

- La valeur actuelle du 1^{er} effet :
Du 4 avril au 10 mai il y a 36 jours.

$$\begin{aligned} \text{Valeur actuelle : } 1860 - \frac{1860 \times 36 \times 5}{36\ 000} &= 1860 - \frac{1860 \times 5}{1000} \\ &= 1850,70 \text{ DH} \end{aligned}$$

- La valeur actuelle de l'effet de remplacement :
Soit J le nombre de jours.

$$1866,25 - \frac{1866,25 \times J \times 5}{36\ 000}$$

- L'égalité de valeur actuelle :

$$1866,25 - \frac{1866,25 \times J \times 5}{36\,000} = 1850,70$$

$$15,55 - \frac{1866,25 \times J \times 5}{36\,000}$$

$$J = \frac{1866,25 \times J \times 5}{1866,25 \times 5} = 60 \text{ jours}$$

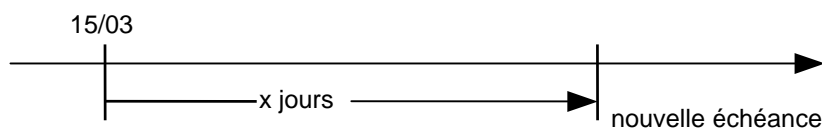
$J = 60$ Jours à partir du 4 avril, ce qui porte la nouvelle échéance au 3 juin

Exemple 2 :

Un effet de 2 000 DH au 15 mars est impayé, il est remplacé par un autre effet de 2 040 DH immédiatement négocié aux conditions suivantes :

- taux d'escompte : 8 %
- commission d'endos : 0,60 %
- commission de service : 3,40 DH

Quelle est l'échéance du nouvel effet?



Soit x le nombre de jours séparant le 15 mars de la nouvelle échéance, la valeur de l'effet de 2 040 DH au 15 mars doit être de 2 000 DH (date d'équivalence)

Nous savons que valeur nette = valeur nominale - agio

$$\begin{aligned} \text{donc } 2\,000 &= 2\,040 - 2\,040 \times (x) \times 8 / 36\,000 + 2\,040 \times (x) \times 0,6 / 36\,000 + 3,4 \\ &= 2\,040 - (16\,320 x + 1\,224 x) / 36\,000 - 3,4 \\ &= 2\,040 - 0,48 x - 3,4 \\ 0,48 x &= 36,60 \\ x &= 76,25 \approx \mathbf{77 \text{ jours}} \end{aligned}$$

Donc, l'échéance du nouvel effet se situe 77 jours après le 15 mars soit le 31 mai.

Exemple 3 :

Le 14 avril, un débiteur des 3 effets ci-dessous

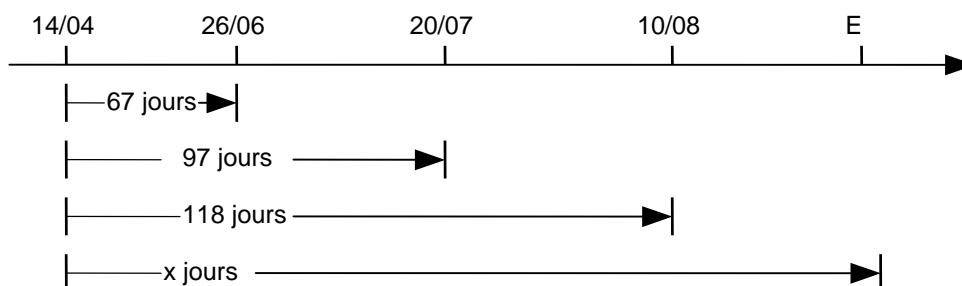
2 100 au 20 juin

3 600 au 20 juillet

2 605 au 10 août,

demande à son créancier de les remplacer par un effet unique de 8 500 DH.

Quelle est l'échéance de cet effet ? Taux 12 %.



La condition d'équivalence est la suivante :

La valeur actuelle de l'effet de remplacement est égale à la somme des valeurs actuelles des effets remplacés.

$$\begin{aligned}
 8\,500 - 8\,500 \cdot 12 \cdot (x) &= 2\,100 - 2\,100 \cdot 12 \cdot 67 / 36\,000 + \\
 &\quad 3\,600 - 3\,600 \cdot 12 \cdot 96 / 36\,000 + \\
 &\quad 2\,605 - 2\,605 \cdot 12 \cdot 118 / 36\,000 \\
 8\,500 - 2,83 x &= 2\,053,10 + 3\,483,60 + 2\,502,54 \\
 2,83 x &= 460,76 \\
 x &= 162,81 \text{ soit } \mathbf{163 \text{ jours}}
 \end{aligned}$$

L'échéance de l'effet de remplacement se situe donc 163 jours après le 14 avril soit le 24 septembre.

IV. calcul du taux de l'escompte**Exemple 1 :**

Un commerçant avait souscrit un billet de 1200 DH au 31 mai. Le 19 mai il demande de progrès l'échéance au 30 juin. Son créancier lui rend le 1^{er} effet et lui fait signer une lettre de change de 1206, 05 DH.

A quel taux l'escompte a été calculé ?

Solution :

On part de l'égalité des valeurs actuelles :

Soit t le taux d'escompte

$$1200 - \frac{1200 \times t \times 12}{36\,000} = 1206,05 - \frac{1206,05 \times t \times 42}{36\,000}$$

$$\frac{1206,05 \times t \times 42}{36\,000} - \frac{1200 \times t \times 12}{36\,000} = 6,05$$

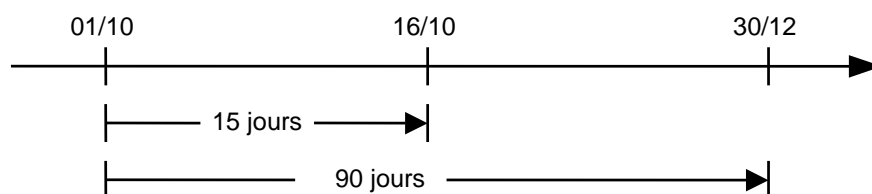
$$50\,654,10 \times t - 14\,400 \times t = 6,05 \times 36\,000$$

$$36\,254,10 \times t = 217\,800$$

$$t = \frac{217\,800}{36\,254,10} = 6\%$$

Exemple 2 :

Un effet de 3 612 DH payable au 16 octobre est remplacé le 1er octobre par un effet de 3 705,09 au 30 décembre.
Quel est le taux d'escompte ?



Si t = le taux recherché, on peut écrire :

$$3\,612 - 3\,612 \times 15 \times t / 36\,000 = 3\,705,09 - 3\,705,09 \times 90 \times t / 36\,000$$

$$3\,612 - 1,505 t = 3\,705,09 - 9,262725 t$$

$$9,262725 t - 1,505 t = 93,09$$

$$t = 12\%$$

IV. Échéance moyenne

L'échéance moyenne est l'échéance d'un effet unique à un ensemble d'effets mais dont la valeur nominale est égale à la somme des valeurs nominales des effets remplacés.

Exemple :

Le 14 avril, un débiteur des 3 effets ci-dessous

2 100 au 20 juin

3 600 au 20 juillet

2 605 au 10 août,

demande à son créancier de les remplacer par un effet unique de 8 500 DH.

Quelle est l'échéance de cet effet ? Taux 12 %.

Nous allons rechercher l'échéance d'un effet unique dont la valeur nominale est :

$$2\ 100 + 3\ 600 + 2\ 605 \text{ soit } 8\ 305 \text{ DH}$$

On peut écrire :

$$\begin{aligned} 8\ 305 - 8\ 305 * 12 * (x) / 36\ 000 &= 2\ 100 - 2\ 100 * 12 * 67 / 36\ 000 + \\ &3\ 600 - 3\ 600 * 12 * 97 / 36\ 000 + \\ &2\ 605 - 2\ 605 * 12 * 118 / 36\ 000 \\ 8\ 305 - 2.77 x &= 2\ 053.10 + 3\ 483.60 + 2\ 502.54 \\ 2.77 x &= 265.76 \\ x &= 95.94 \quad \mathbf{96 \text{ jours}} \end{aligned}$$

Donc l'échéance se situe 96 jours après le 14 avril soit le **19 juillet**.

LES COMPTES COURANTS ET D'INTERET

I Définitions

I.1 Compte courant

Un compte est dit « courant » quand toutes les sommes portées tant au débit qu'au crédit perdent leur individualité et s'ajoutent algébriquement. Seul le solde calculé à une date convenue est exigible.

I.2 compte courant et d'intérêt

Un compte est dit « compte courant et d'intérêts » lorsque les sommes portées en compte sont génératrices d'intérêts.

Le calcul des intérêts suppose un accord entre le banquier et son client, qui porte sur :

- une date d'arrêté du compte, pour le calcul et l'incorporation des intérêts au compte
- un taux d'intérêts, s'il est le même pour les opérations de débit et de crédit, le compte est dit alors "à taux réciproques", s'il varie avant la date d'arrêté du compte, celui-ci est dit "à taux variables".
- l'attachement à chaque opération d'une date dite "valeur de l'opération".

Il existe 3 méthodes pour la tenue des comptes courants et d'intérêts :

- méthode directe
- méthode indirecte
- méthode hambourgeoise

Les deux premières étant rarement utilisées dans la pratique nous n'étudierons que la troisième.

II La méthode hambourgeoise

Les opérations sont enregistrées dans l'ordre chronologique ou dans l'ordre de leurs dates de valeurs et après chacune d'elle on calcule le solde.

Exemple :

Banque Z - Compte courant de Monsieur X

Période du 1er avril au 30 juin

dates	libellés	montants		Soldes		dates valeur	jours (1)	intérêts nombre	
		Débits	Crédits	Débits	Crédits			Débit	Crédit
01.04	Solde créditeur				82.50	31.03	20		0.21
18.04	Dépôt espèces		1 000.00		1 082.50	20.04	14		1.99
06.05	Chèque 214	1 170.00		87.50		04.05	27	0.31	
23.05	Rem effets encais		987.00		899.50	31.05	4		0.47
02.06	Remise escompte		663.90		1 563.40	04.06	-4	(2)	- 0.82
05.06	Retour impayé				1 398.40	31.05	30		5.53
		165.00							
30.06	Balance intérêts		7.07		1 405.47			(3)	
					1 405.47			7.07	
								7.38	7.38

(1) calcul des jours à partir des dates de valeurs :

- le solde créditeur de début reste jusqu'au 20 avril donc pendant 20 jours
- le nouveau solde de 1 082.50 reste du 20 avril au 4 mai soit 14 jours
- le solde de 87.50, débiteur, reste du 4 mai au 31 mai donc 27 jours
- les 899.50 restent du 31 mai au 4 juin donc 4 jours
- le solde de 1 563.40 ne reste pas en réalité, puisque l'impayé a comme date de valeur le 31 mai, il faut donc revenir en arrière de 4 jours (du 31 mai au 4 juin), donc 4 jours négatifs
- le solde définitif reste lui du 31 mai au 30 juin soit 30 jours.

Dans les deux dernières colonnes nous allons porter soit l'intérêt soit le nombre suivant la méthode choisie, au débit ou au crédit comme le solde.

(2) Lorsque le nombre de jours est négatif, l'intérêt ou le nombre peut être mis en - dans la colonne du solde concerné ou en plus dans l'autre ; ici, on aurait pu mettre les 0.82 dans la colonne débit.

(3) Il suffit de totaliser les colonnes intérêts ou de calculer l'intérêt (méthode des nombres) et de faire la balance. Puis porter les intérêts sur le compte lui-même et de le clôturer.

Résumons les différentes tâches exécutées :

- enregistrer les opérations au débit ou au crédit
- tirer le solde après chaque opération
- déterminer les jours de date de valeur pour la dernière, c'est la date de valeur à la date de clôture du compte
- calculer les intérêts positifs ou négatifs en respectant le sens du solde
- faire la balance des intérêts
- capitaliser les intérêts
- arrêter et ouvrir à nouveau le compte courant intérêts

NB - Si on classe les opérations à partir des dates de valeurs, il n'y a pas de problème des jours négatifs.

(*) 2 % représente 0.44 donc 1 % = 0.22

MODULE : ARITHMETIQUE COMMERCIALE
GUIDE DES TRAVAUX PRATIQUES

TP 1. RAPPORTS ET PROPORTIONS -GRANDEURS PROPORTIONNELLES – PARTAGES PROPORTIONNELS

I.1

le rapport de deux nombres est $23/32$ et la différence entre les deux est 27 ; calculer ces deux nombres.

Solution :

$$X / Y = 23 / 32 \qquad X = 23 \times 27 / 9 = 69$$

$$Y - X = 27 \qquad Y = 32 \times 27 / 9 = 96$$

I.2

Calculer deux nombres x et y sachant que leur somme est 168 et que leur rapport est

$$\frac{5}{7} .$$

Solution :

Nous savons que : $x + y = 168$
 $X/y = 5/7$

1^{ière} solution :

Si $a/b=c/d$ alors $a + b / b = c+d / d$
Et en partant de $x / y = 5 / 7$

Nous pouvons écrire :

$$\begin{aligned} X+y / y &= 5+7 / 7 = 12 / 7 \\ \text{Remplaçons } (x+y) &\text{ par sa valeur} \\ 168 / y &= 12 / 7 \text{ d'où } 12y = 168 \\ y &= 98 \\ x &= 168 - 98 = 70 \end{aligned}$$

2^{ème} solution:

si $a / b = c / d$ alors $a / b = c / d = a+c / b+d$
et en partant de $x / y = 5 / 7$

Nous pouvons écrire :

$$\begin{aligned} x / 5 &= y / 7 = x+y / 5+7 = 168 / 12 = 14 \\ \text{d'où : } y &= 98 \\ x &= 70 \end{aligned}$$

I.3

Partager une prime globale de $35\,750$ DH entre quatre employés, proportionnellement à leurs anciennetés et à leurs indice de paie.

Employé	A	B	C	D
Ancienneté en années	10	14	12	5
Indice de paie	160	120	150	180

Solution :

Les parts a, b, c, d , de chaque employé sont proportionnelles à : 10, 14, 12, 5 et à 16, 12, 15, 18. On doit donc avoir :

$$a/10 \times 16 = b/14 \times 12 = c/12 \times 15 = d/5 \times 18$$

$$a/160 = b/168 = c/180 = d/90$$

$$a+b+c+d/160+168+180+90 = 35\,750/598 = 59,78$$

$$\text{d'où } a = 160 k = 9\,565.21 \text{ DH}$$

$$b = 168 k = 10\,043.47 \text{ DH}$$

$$c = 180 k = 10\,760.87 \text{ DH}$$

$$d = 90 k = 5\,380.43 \text{ DH}$$

I.4

Une gratification a été répartie entre quatre employés de telle sorte que les parts sont directement proportionnels aux nombres 10, 16, 6 et 4. Les deux premiers ont touché ensemble 13 600 DH de plus que les deux derniers.

1. Calculer le montant de la gratification à partager.
2. Déterminer la part revenant à chaque employé.

Solution :

Soient x, y, z et t les parts.

D'après le texte, nous pouvons écrire :

$$x+y-(z+t)=13600$$

D'autre part, nous avons :

$$x/10=y/16=z/6=t/4 \Rightarrow x+y-z-t/10+16-6-4=13600/16 = 850$$

a. Calcul du montant de la gratification :

$$x+y+z+t/10+16+6+4 = \text{gratification}/36 = 850$$

$$\text{d'où gratification} = 36 \times 850 = 30\,600 \text{ DH}$$

$$\text{b. } X/10 = 850 \quad x = 850 \times 10 = 8\,500 \text{ DH}$$

$$Y/16 = 850 \quad y = 850 \times 16 = 13\,600 \text{ DH}$$

$$Z/6 = 850 \quad z = 850 \times 6 = 5\,100 \text{ DH}$$

$$T/4 = 850 \quad t = 850 \times 4 = 3\,400 \text{ DH}$$

$$\mathbf{30\,600 \text{ DH}}$$

I.5

Un employeur veut répartir une prime P entre trois employés A, B et C en parts directement proportionnelles à leurs nombres de jours de travail qui sont respectivement 5, 3 et 4.

Mais par suite d'une erreur du service de la comptabilité, le partage est fait en parts inversement proportionnelles aux nombres de jours de travail.

- Quelle fraction de P chacun aurait-il dû recevoir ?
- Quelle fraction a-il reçue ?
- Calculer P sachant que A a reçu 546 DH de moins que ce qu'il aurait dû recevoir.
- Calculer la somme effectivement reçue par chacun.

Solution :

a. Désignons par a , b et c les parts de ces trois employés lors du partage en parts proportionnel, on a :

$$a / 5 = b / 3 = c / 4 = a + b + c / 5 + 3 + 4 = p / 12 = k$$

$$a / 5 = p / 12 \text{ d'où : } a = 5 / 12 p$$

$$\text{et } b = 3 / 12 p = 1 / 4 p, c = 4 / 12 p = 1 / 3 p$$

b. Désignons par a' , b' et c' les parts de ces trois employés lors du partage en parts inversement proportionnelles :

$$a' / 1 / 5 = b' / 1 / 3 = c' / 1 / 4 = a' / 12 / 60 = b' / 20 / 60 = c' / 15 / 60$$

$$= a' / 12 = b' / 20 = c' / 15 = a' + b' + c' / 12 + 20 + 15 = p / 47 = k$$

$$a' / 12 = p / 47 \text{ d'où : } a' = 12 / 47 p$$

$$\text{et } b' = 20 / 47 p \text{ et } c' = 15 / 47 p$$

c. On a : $a - a' = 546$ d'où $5 / 12 P - 12 / 47 P = 546$

$$91 / 546 P = 546$$

$$P = 3\,384 \text{ DH}$$

d. $k' = 72$

$$a = 12k' = 864 \text{ dh ; } b = 1\,440 \text{ DH ; } c = 1\,080 \text{ DH}$$

TP 2. LES POURCENTAGES

II.1

Calculer 3% sur 9 620 DH – 7,2 % sur 2870 DH – 12,2 % sur 570 DH - 4‰ sur 6 800 DH.

Solution :

Calcul de pourcentage :

$$3 \% \text{ sur } 9\,620 = \frac{9\,620 \times 3}{100} = 288,60$$

$$7,2 \% \text{ sur } 2\,870 = \frac{2\,870 \times 7,2}{100} = 206,64$$

$$12,2 \% \text{ sur } 870 = \frac{870 \times 12,2}{100} = 106,14$$

$$4 \text{ ‰ sur } 6\,800 = \frac{6\,800 \times 4}{1\,000} = 27,2$$

II.2

Quel pourcentage représente : 8 DH sur 160 DH – 72 DH sur 450 – 295.3 sur 6300 DH ?

Solution :

Calcul de pourcentage :

$$\frac{8}{160} \times 100 = 5 \%$$

$$\frac{72}{450} \times 100 = 16 \%$$

$$\frac{295,3}{6\,300} \times 100 = 4,69 \%$$

II.3

Etablir le poids net à facturer sur une livraison de poids brut : 36 tonnes en tenant compte des bonifications suivantes :

Freinte 2 % ; Tare 1,5 ; Réfaction 6 %.

Solution :

Calcul du poids net :

Poids brut	36
Freinte 2 %	<u>0,72</u>
	35,28
Tare 1,5 %	<u>0,5292</u>
	34,7508
Réfaction 6%	<u>2,085048</u>
	32,665752
Poids net	

32,6665752 tonnes = 32 665,752 kg

= 32 665 752 grammes

II.4

Calculer le prix net pour un prix brut de 72 520 DH en tenant compte des bonifications suivantes : remise 5 % ; rabais 2% ; escompte 1,5 %.

Solution :

Prix brut	75 520
Remise 5%	<u>3 762.50</u>
Net commercial 1	71 487.50
Rabais 2%	<u>1 429.75</u>
Net commercial 2	70 057.75
Escompte 1.5%	<u>1 050.86</u>
Net financier	69 006.87

II.7 Un fabricant de confection a employé pour fabriquer 100 pantalons : 120 mètres de drap à 6 600 DH ; 25 mètres de doublures à 33 DH le mètre. 120 grosses boutons à 2,30 DH la douzaine.

Il a payé pour main d'œuvre : au coupeur 1 620 DH et aux ouvriers 12 DH par pantalon.

Quel est le prix de revient total en tenant compte du coefficient de frais généraux à 40 % du chiffre de la main d'œuvre ?

Quel est le prix de revient d'un pantalon ?

Solution :**CALCUL DU PRIX DE REVIENT :**

Drap : 120 m	6 600, 00 DH
Doublure : 25×33	825, 00 DH
Bouton : 2,30×10	23, 00 DH
	<hr/>
Prix d'achat	7 448, 00 DH
Coupeur	1 620, 00 DH
Ouvriers 12×100	<u>1 200, 00 DH</u>
Coût de production	10 268, 00 DH
Frais généraux 40% de (1 620 + 1 200)	<u>1 128, 00 DH</u>
	<hr/>
Prix de revient total	11 396, 00 DH
Prix de revint d'un pantalon	<u>11 396, 00 DH =113.96</u> 100

II.8 Une machine achetée 2 560 DH entraîne 5 % de frais d'achat, en tenant compte d'un taux de marge de 25 % .

Quel est le prix de vente ?

Calculer le coefficient multiplicateur pour passer du prix d'achat au prix de vente.

Solution :

CALCUL DU PRIX DE VENTE :

Prix d'achat	2 560 DH
Coût d'achat 5% de 2 560	128
	<hr/>
Coût d'achat ou prix de revient	2 688 DH

Calcul du prix de vente

Pour un prix de vente de 100, le bénéfice est de 25, le prix de revient est de $100 - 25 = 75$ DH

Donc le prix de vente représente $100/75$ du prix de revient

$$\begin{aligned} \text{Prix de vente} &= 2\,688 \times 100/75 \\ &= 3\,584 \text{ DH} \end{aligned}$$

II.9 Un tailleur a acheté 92 mètres de drap à 53,50 DH le mètre avec 5 % d'escompte. Quel doit être le prix de vente du mètre s'il veut gagner 25 % sur le prix d'achat ?

Solution :

Prix d'achat	$92 \times 53,50$	4 922, 00 DH
Escompte	5%	246, 10 DH
		<hr/>
Prix d'achat net		4 675, 90 DH
Bénéfice 25% de 4 675, 90		1 168, 97 DH
		<hr/>
Prix de vente total		5 844, 87 DH
		<hr/>
Prix de vente du mètre		$\frac{5\,844,87}{92} = 63,53 \text{ DH}$

II.10

10.1 Un producteur adresse à un grossiste la facture suivante :

Marchandises : poids brut : Kg		
à déduire : tare réelle	:	350 Kg	
Poids net	: Kg	
Prix brut : DH × 6 000 =	DH
Remise :	... % =	... 2 400	DH
Net commercial : =	DH
Escompte :	2 % de =	DH
		9 408	DH

10.2 Le grossiste revend :

- Un premier lot représentant le tiers des marchandises reçues en réalisant un bénéfice de 25 % sur le prix d'achat net.
 - Un deuxième lot représentant les quarts des marchandises reçues en réalisant un bénéfice de 20 % sur le prix de vente.
 - Le reste avec une perte de 5 % sur le prix d'achat net.
1. Déterminer le résultat global de l'opération pour le grossiste (montant du bénéfice réalisé ou de la perte subie).
 2. Calculer pour le grossiste le pourcentage global de bénéfice ou de perte par rapport à son prix d'achat net global.

10.1 Reconstitution de la facture

- Le poids net est de 6 000 Kg, la tare est de 350 Kg
- Donc le poids brut est de $6\,000 + 350 = 6\,350$ Kg.
- Le net à payer est de 9 408, l'escompte de 2%
- Donc si le net commercial est de 100 DH l'escompte est de 2 DH, le net à payer représente 98% du net commercial, celui-ci est de : $9\,408 \times 100/98 = 9\,600$ DH
- Le prix brut = $9\,600 + 2\,400 = 12\,000$ DH
- La remise = $(2\,400/12\,000) \times 100 = 20\%$
- Le prix unitaire = $12\,000/6\,000 = 2$ DH
- Donc la facture se présente ainsi :

Marchandise poids brut	6 350 Kg
Tare réelle	350 Kg
Poids net	6 000 Kg
Prix brut 2 DH × 6 000 =	12 000 DH
Remise 20% de 12 000 =	2 400 DH
Net commercial	9 600 DH
Escompte 2 % de 9 600	192 DH
Net à payer	9 408 DH

10.2

le prix d'achat net du 1^{er} lot vendu est de
 $9\,408 : 3 = 3\,136 \text{ DH}$

Le bénéfice = 25% de $3\,136 = 784 \text{ DH}$

- Le prix d'achat du 2^{em} lot vendu est de
 $9\,408 : 4 = 2\,352$

On applique la règle de trois. Si le prix de vente est égal à 100 DH, le bénéfice est de 20 DH et le prix d'achat = 80 DH.

Le prix de vente = $100/80$ du prix d'achat
 Le prix de vente = $2\,352 \times (100/80) = 2\,940 \text{ DH}$
 Le bénéfice = $2\,940 \times 20\% = 588 \text{ DH}$

- Le reste de marchandises achetées est de

$$9\,408 - (3\,136 + 2\,352) = 3\,920$$

$$\text{Perte} = 5\% \text{ de } 3\,920 = 196 \text{ DH}$$

- Le résultat global = $784 + 2\,940 - 196$

Le bénéfice = 3 528

- Le pourcentage global du bénéfice est de

$$\frac{3\,528}{9\,408} \times 100 = 37,5\% \text{ du prix d'achat net}$$

II.11

Le prix hors taxe d'un objet est de 448, 80 DH. Calculer son prix de vente taxe comprise et le montant de la T.V.A. ?

Solution :

Prix de vente H.T.....	448, 80
T.V.A. 20% de 448, 80.....	97.76
	<hr/>
Prix de vente T.T.C.....	546.56

II.12

Un objet est vendu taxe comprise à 2 769, 16 DH, taxe de 7% .

1. Calculer le prix de vente hors taxe ?
2. Calculer le montant de la T.V.A.

Solution :

1. Prix de vente H.T. :

$$P.V.H.T. = P.V.T.T.C. \times \frac{100}{100 + t}$$

$$P.V.H.T. = 2\,769,16 \times \frac{100}{100 + 7}$$

$$= 2\,588 \text{ DH}$$

2. Calcul de la T.V.A. :

$$T.V.A. = P.V.T.T.C. - P.V.H.T.$$

$$= 2\,769,16 - 2\,588$$

$$= 181,16$$

II.13

Un article que revient à 385, 50 DH hors taxe est vendu en appliquant un taux de marge de 30% .

Quel est le prix de vente toute taxe comprise ?

- Prix de vente hors taxe :

Si le prix de vente est de 100 DH, le bénéfice est de 30 DH
le prix de revient = $100 - 30 = 70$. Donc le prix de vente représente $100/70$ du prix de revient.

$$\text{Prix de vente H.T.} \quad 385,50 \times \frac{100}{70} = 550,70$$

- Prix de vente T.T.C. :

P.V.H.T.....	550,70
T.V.A. 30% de 550,70.....	165,21
P.V.T.T.C.....	<hr/> 715,91

TP 3. LES INTERETS SIMPLES

III.1

- a) Calculer l'intérêt fourni par le placement de 28 000 DH, à 9%, du 13 septembre d'une année au 27 février de l'année suivante.
- b) Un capital de 7200 DH, prêté à 8% le 8 juin, a acquis, à la fin du prêt, une valeur de 7 288 DH.
Déterminer à quelle date le prêt a été remboursé.
- c) Un capital de 8400 DH a produit, du 16 mai au 25 septembre, un intérêt de 231 DH.
Calculer le taux de placement.
- d) Calculer le capital qui, placé à 8,4% pendant 62 jours, a acquis une valeur de 16 738,70 DH.

Solution :

- a) Nombre de jours du 13 septembre au février :

Septembre :	30 – 13 = 17
Octobre :	31
Novembre :	30
Décembre :	31
Janvier :	31
Février :	27

167

$$\text{Intérêt : } \frac{28\,000 \times 9 \times 167}{36\,000} = 1\,169 \text{ DH}$$

- b) Intérêt produit : $7\,288 - 7\,200 = 88$

$$\text{Durée du prêt : } \frac{36\,000 \times 88}{7\,200 \times 8} = 55 \text{ jours}$$

Date de remboursement : 55 jours après le 8 juin

Soit le 2 août

- c) Nombre de jours de placement, du 16 mai au 25 septembre : 132

$$\text{Taux de placement : } \frac{36\,000 \times 231}{8\,400 \times 132} = 7,5\%$$

d) Désignons par C le capital cherché :

$$C + \frac{C \times 8,4 \times 62}{36\,000} = 16\,738,70 \quad C + \frac{43,4 C}{3\,000} = 16\,738,70$$

$$C \frac{3\,000 + 43,4}{3\,000} = 16\,738,70 \quad C = \frac{16\,738,70 \times 3\,000}{3\,043,4} = 16\,500 \text{ DH}$$

III.2

Calculer le taux moyen résultant des placements suivants :

Capitaux	Taux	Période
3 800 DH	7.5%	25 mai au 15 juillet
6 420 DH	8.2%	25 mai au 31 juillet
780 DH	8.5%	25 mai au 31 août

Solution :

Durée respective des placements : 51 , 67 , 98 jours.

$$\text{Taux moyen de placement : } \frac{(3\,800 \times 7,5 \times 51) + (6\,420 \times 8,2 \times 67) + (780 \times 8,5 \times 98)}{(3\,800 \times 51) + (6\,420 \times 67) + (780 \times 98)}$$

$$= 8,04\%$$

III.3 On place à intérêt précompté, au taux de 9%, un capital de 20 000 DH pendant 20 mois.

Calculer le taux effectif de placement qui résulte de l'opération.

Solution :

$$\text{Intérêt fourni par le placement : } \frac{2\,000 \times 9 \times 20}{1\,200} = 3\,000 \text{ DH}$$

$$\text{Capital effectivement engagé : } 20\,000 - 3\,000 = 17\,000 \text{ DH}$$

$$\text{Taux effectif de placement} : \frac{1\,200 \times 3\,000}{17\,000 \times 20} = 10.59\%$$

III.4 Calculer, par la méthode des Nombres et des diviseurs fixes, l'intérêt global fourni par le placement des capitaux suivants. Taux : 9%

5 500 DH du 1^{er} mars au 31 juillet
 2 625 DH du 1^{er} mars au 31 août
 870 DH du 1^{er} mars au 30 septembre

Solution :

Durée respectives des placements : 152, 183, 213 jours.

$$\text{Diviseur fixe correspondant au taux de 9\% : } \frac{36\,000}{9} = 4\,000$$

$$\begin{aligned} \text{Intérêt global, à 9\% : } & \frac{(5\,500 \times 152) + (2\,625 \times 183) + (870 \times 213)}{4\,000} \\ & = \frac{1\,501\,685}{4\,000} = 375,42 \text{ DH} \end{aligned}$$

III.5 La différence entre l'intérêt commercial (année à 360 jours) et l'intérêt civil (année à 365 jours) d'un capital placé à 9.5% pendant 72 jours est égal à 1,14 DH.

Calculer ce capital.

Solution :

En désignant par C le capital en question nous pourrions écrire :

$$\begin{aligned} \frac{C \times 9,5 \times 72}{36\,000} - \frac{C \times 9,5 \times 72}{36\,500} &= \frac{C \times 9,5 \times 72 (36\,500 - 36\,000)}{36\,000 \times 36\,500} \\ &= 1,14 \\ \frac{36\,000 \times 36\,500 \times 1,14}{9,5 \times 72 \times 500} & \\ \mathbf{C = 4\,380 \text{ DH}} & \end{aligned}$$

III.6 Les montants de deux capitaux diffèrent de 1 000 DH. Le plus élevé est placé à 12% pendant 8 mois, et le second à 10% pendant 6 mois.

Il se trouve que l'intérêt produit par le premier capital est égal à deux fois l'intérêt produit par le second.

Calculer les deux capitaux et les intérêts correspondants.

Solution :

Désignant par C et (C – 1 000) les deux capitaux.

$$\text{On aura : } \frac{C \times 12 \times 8}{1\,200} = 2 \frac{(C - 1\,000) \times 10 \times 6}{1\,200}$$

Ou, en simplifiant $4C = 5(C - 1\,000)$ d'où $C = 5\,000$ DH et $(C - 1\,000) = 4\,000$ DH

$$\text{Intérêt fourni par le premier placement : } \frac{5\,000 \times 12 \times 8}{1\,200} = 400 \text{ DH}$$

$$\text{Intérêt fourni par le second : } \frac{4\,000 \times 10 \times 6}{1\,200} = 200$$

III.7 Un capital placé à 9% pendant une certaine durée a acquis une valeur de 17 400 DH. Placé à 10% pendant un an de moins ce même capital aurait fourni un intérêt de 4 800 DH.

Calculer ce capital et la première durée de placement

Solution :

$$\text{On peut écrire } C + \frac{C \times 9 \times n}{100} = 17\,400 \text{ DH}$$

$$\text{ou } C(100 + 9n) = 17\,400 \times 100 \quad (1)$$

$$\frac{C \times 10(n - 1)}{100} = 4\,800 \quad (2)$$

$$\text{Ou } C \times 10(n - 1) = 17\,4\,800 \times 100$$

Division par (1) par (2) membre à membre. Il vient :

$$\frac{100 + 9n}{10(n - 1)} = \frac{174}{48} \quad \text{d'où} \quad n = 5 \text{ ans}$$

Cette valeur de n reportée dans l'équation (2) conduit à

$$C = \frac{4\,800 \times 100}{10 \times 4} = 12\,000 \text{ DH}$$

III.8 Trois capitaux, dont les montants sont en progression arithmétique, ont été placés pendant deux ans à 11%. Intérêt total produit : 1 386 DH.

Les montants du troisième capital et du premier diffèrent de 2 400 DH.

Calculer les trois capitaux.

Solution :

Désignant les trois capitaux respectivement par $C - r$, C , $C + r$.
On pourra écrire :

$$[(C - r) + C + (C + r)] \times \frac{11}{100} \times 2 = 1\,386 \quad \text{ou} \quad \frac{66C}{100} = 1\,386$$

et $C = 2\,100 \text{ DH}$

Par ailleurs $(C + r) - (C - r) = 2\,400 \quad \text{d'où} \quad r = 1\,200$.

Les trois capitaux sont donc :

$$C - r = 2\,100 - 1\,200 = 900 \text{ DH} \quad C = 2\,100 \text{ DH} \quad C + r = 2\,100 + 1\,200 = 3\,300 \text{ DH}$$

III.9 Un prêt de 300 000 DH est consenti à un taux de $t\%$. Au bout de 4 mois l'emprunteur rembourse à son prêteur 120 000 DH de capital, somme que le prêteur replace immédiatement à 9%.

Au bout d'un an (à partir de l'opération initiale) le prêteur se voit verser l'ensemble du capital et des intérêts et constate que son capital aura été finalement placé à un taux moyen égal à $(t - 0,8)\%$.

- Calculer t .
- De quelle somme totale le prêteur dispose-t-il au bout d'un an ?

solution :

a) Le placement effectif de :

300 000 DH au taux t pendant 4 mois.
 180 000 DH au taux t pendant 8 mois.
 120 000 DH au taux 9 pendant 8 mois.

a produit le même intérêt que le placement de 300 000 DH au taux $(t - 0,8)$ pendant 12.

Nous pouvons donc écrire :

$$\frac{300\,000 \times t \times 4}{1\,200} + \frac{180\,000 \times t \times 8}{1\,200} + \frac{120\,000 \times 9 \times 8}{1\,200} = \frac{300\,000 \times (t - 0,8) \times 12}{1\,200}$$

on en tire $t = 12\%$

b) Somme reçue par le prêteur au bout de 1 an = Capital + Intérêt

$$300\,000 + \frac{300\,000 \times (12 - 0,8) \times 1}{100} = 333\,600 \text{ DH}$$

III.10 Deux capitaux, dont le montant total est de 16 800 DH sont placés, pendant un an, à des taux respectifs qui diffèrent de 0,40 (les taux sont exprimés pour 100). Intérêt total : 1 651,20 DH.

Si le premier capital avait été placé au taux du second, et le second capital au taux du premier, l'intérêt annuel total aurait été de 1 641,60 DH.

Calculer les deux capitaux et les deux taux.

Solution :

Désignant par C et $(16\,800 - C)$ les capitaux placés, et par t et $(t - 0,4)$ les taux correspondants.

On peut écrire :

$$\frac{Ct}{100} + \frac{(16\,800 - C)(t - 0,4)}{100} = 1\,651,20 \quad \text{ou} \quad 16\,800t + 0,4C = 171\,840 \quad (1)$$

$$\text{et } \frac{C(t - 0,4)}{100} + \frac{16\,800 - C}{100} = 1\,641,60 \text{ ou } 16\,800t - 0,4C = 16\,460 \quad (2)$$

Additionnons membre à membre les égalités (1) et (2) :

$$33\,600t = 336\,000 \text{ d'où } t = 10 \text{ et } t - 0,4 = 9,6$$

Retranchons membre à membre (2) et (1) :

$$0,8C = 7\,680 \text{ d'où } C = 9\,600 \text{ DH et } 16\,800 - C = 7\,200 \text{ DH}$$

9 600 DH étaient placés à 10%, et 7 200 DH étaient placés à 9,6%.

TP 4. L'ESCOMPTE COMMERCIAL

IV.1

Le 22 août, un effet de commerce à échéance du 30 novembre et de nominal égal à 12 000 DH est escompté commercialement. Taux d'escompte : 9%

a) Calculer l'escompte commercial et la valeur actuelle commerciale de cet effet.

b) Même question en supposant que la négociation a lieu le 1^{er} octobre.

c) Représenter graphiquement la variation de la valeur actuelle de l'effectif en question en fonction de n (pour $n \geq 0$), nombre des jours qui séparent la date de négociation de la date d'échéance de l'effet. Interpréter.

Solution :

a) Nombre de jours du 22 août au 30 novembre : 100

$$\text{escompte commercial : } \frac{12\,000 \times 9 \times 100}{36\,000} = 300 \text{ DH}$$

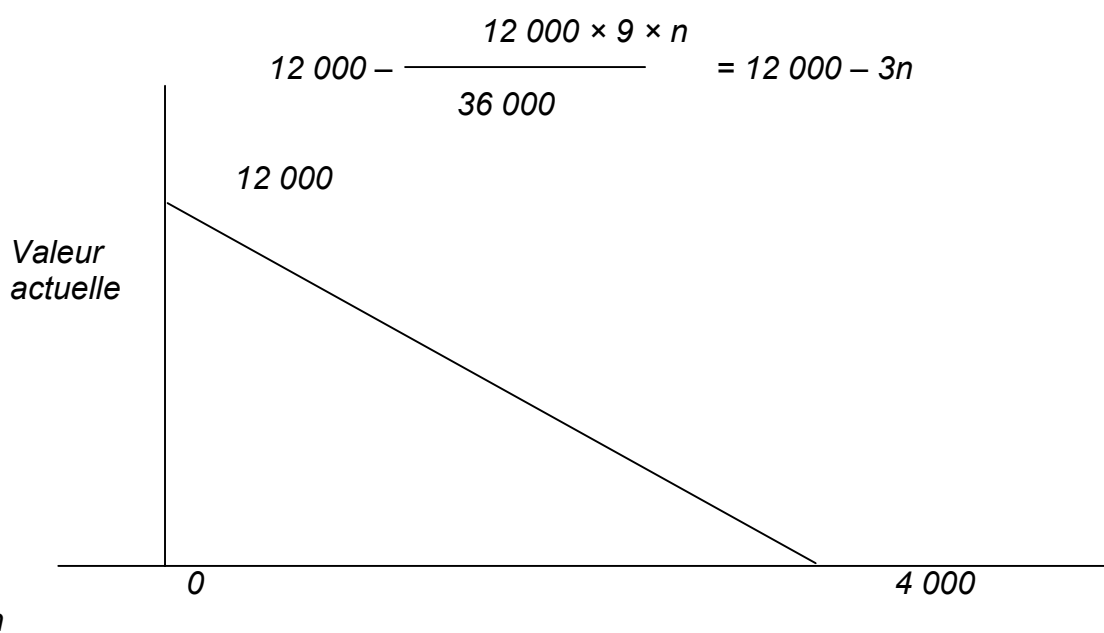
$$\text{valeur actuelle commerciale : } 12\,000 - 300 = 11\,700 \text{ DH}$$

b) Nombre de jours du 1^{er} octobre au 30 novembre : 60

$$\text{escompte commercial : } \frac{12\,000 \times 9 \times 60}{36\,000} = 180 \text{ DH}$$

$$\text{valeur actuelle commerciale : } 12\,000 - 180 = 11\,820 \text{ DH}$$

c) Valeur actuelle commerciale en fonction de n .



La valeur actuelle commerciale est fonction décroissante de la durée n , et s'annule pour $n = 4\ 000$ jours, durée invraisemblable en escompte à intérêt simple.

IV.2

Une remise à l'escompte, effectuée le 31 mars, porte sur trois effets de nominale 6 600 DH chacun. L'escompte total, calculé au taux de 8,5%, s'élève, pour cette remise, à 280,50 DH.

- Déterminer la date d'échéance du troisième effet, sachant que le premier est payable le 30 avril et que pour le second l'escompte s'élève à 93,50 DH.

Solution :

Le premier effet, pour lequel les calculs portent sur une durée de 30 jours, supporte un escompte de :

$$\frac{6\ 600 \times 8,5 \times 30}{36\ 000} = 46,75 \text{ DH}$$

L'escompte du troisième effet est donc de :

$$280,50 - (46,75 + 93,50) = 140,25 \text{ DH}$$

$$\text{Nombre de jours correspondant : } \frac{36\ 000 \times 140,25}{6\ 600 \times 8,5} = 90$$

Date d'échéance cherchée : 90 jours après le 31 mars

Soit le 29 juin.

IV.3

Une traite à échéance du 30 juin a été remise à l'escompte le 19 mai au taux de 9,2%. Une autre traite, de même échéance, a été négociée le 2 juin, au taux de 9,5%.

Si on interverti les deux taux d'escompte le total des deux valeurs actuelles demeure inchangé.

Calculer les valeurs nominales respectives des deux effets sachant que leur total est 85 000 DH.

Solution :

Nombre de jours respectifs à courir par les deux effets : 42 jours pour le premier, dont la valeur nominale sera désignée par x , 28 jours pour le second, dont la valeur nominale sera désignée par y .

Si le total des valeurs actuelles des deux effets demeure inchangé, c'est que le total des escomptes retenus n'a pas, lui non plus, changé.

$$\frac{x \times 9,2 \times 42}{36\ 000} + \frac{y \times 9,5 \times 28}{36\ 000} = \frac{x \times 9,5 \times 42}{36\ 000} + \frac{y \times 9,2 \times 28}{36\ 000}$$

$$y \times 28 \times (9,5 - 9,2) = x \times 42 \times (9,5 - 9,2)$$

$$2y = 3x \quad (1)$$

La combinaison de cette égalité (1) et de l'égalité $x + y = 85\ 000$ conduit facilement à :

$$x = 34\ 000\ \text{DH} \quad y = 51\ 000\ \text{DH}$$

IV.4

Déterminer la date d'échéance d'un effet de 14 320 DH qui se substituerait, le 10 novembre, à un effet de 14 200 DH payable le 30 novembre.
Taux d'escompte : 10%.

Solution :

Désignant par n le nombre de jours qui séparent 10 novembre de la date d'échéance de l'effet de remplacement.

Equivalence entre les deux effets, écrire au 10 novembre :

$$14\ 200 \frac{14\ 200 \times 10 \times 20}{36\ 000} = 14\ 320 \frac{14\ 320 \times 10 \times n}{36\ 000}$$

La résolution de cette égalité conduit à $n = 50$.

La date cherchée se situe 50 jours après le 10 novembre, soit au 30 décembre

IV.5

Quelle est la valeur nominale d'un effet à 72 jours dont la valeur actuelle est de 8 449,10 ? Taux 11.5 %

Solution :

$$\begin{aligned} 8\ 449,10 &= V - V \frac{tn}{36\ 000} \\ &= V - V \times \frac{72 \times 11,5}{36\ 000} \\ &= V - 0,023v \\ &= 0,977v \end{aligned}$$

$$V = 8\ 648,00$$

IV.6

Un effet de 6 210 DH est négocié le 12 juillet au taux de 9,5 % l'an, par un commerçant qui reçoit en contrepartie une somme de 6 151 DH.

Quelle est la date d'échéance de cet effet ?

Solution :

$$\begin{aligned}6\ 151 &= 6\ 210 - e && \text{d'où } e = 59 \\59 &= V tn / 36\ 000 \\&= 6\ 210 \times 9,5 \times N / 36\ 000 \\36\ 000 \times 59 &= 6\ 210 \times 9,5 \times N \\2\ 124\ 000 &= 58\ 995N \\ \mathbf{N = 36 \text{ jours}}\end{aligned}$$

L'échéance se situe donc 36 jours après le 12 juillet soit le 17 août.

Si votre réponse est inexacte, consultez votre enseignant avant de poursuivre.

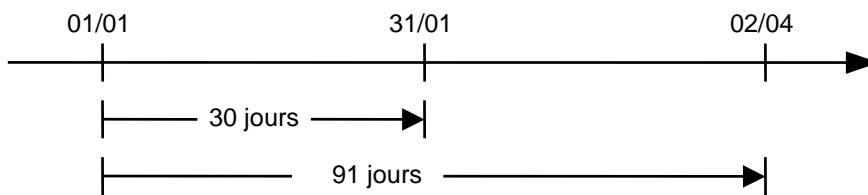
TP5 L'équivalence des effets

V.1

On remplace un effet de 13 000 DH au 31 janvier par un effet au 2 avril.
Date d'équivalence : 1er janvier (février compte 28 jours). Taux d'escompte 10.50 %.

Quelle est la valeur nominale du nouvel effet ?

solution :



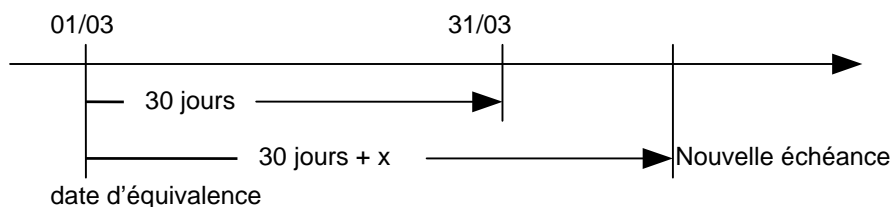
$$\begin{aligned}
 V - V \times 10,5 \times 91 / 36\,000 &= 13\,000 - 13\,000 \times 10,5 \times 30 / 36\,000 \\
 (36\,000 V - 955,5 V) / 36\,000 &= 13\,000 - 113,75 \\
 35\,044,50 V / 36\,000 &= 12\,886,25 \\
 V &= 12\,886,25 \times 36\,000 / 35\,044,50 \\
 V &= \mathbf{13\,237,60}
 \end{aligned}$$

V.2

Le 1er mars, on veut remplacer un effet de 42 900 DH payable le 31 mars par un effet de 43 000 DH. Taux 11,25 %.

Quelle est l'échéance de l'effet de 43 000 DH.

Solution :



$$\begin{aligned}
 42\,900 - 42\,900 \times 11,25 \times 30 / 36\,000 &= 43\,000 \times 11,25 \times (30 + x) / 36\,000 \\
 42\,900 - 402,19 &= 43\,000 - 13,44 (30 + x) \\
 42\,497,81 &= 43\,000 - 403,20 - 13,44 x
 \end{aligned}$$

$$98,99 = 13,44 x$$

$$x = 7,36 \text{ soit } 8 \text{ jours}$$

L'échéance du nouvel effet se situe 8 jours après la nouvelle échéance soit le **8 avril**.

Si votre réponse est exacte, continuez, dans le cas contraire, demandez des explications supplémentaires à votre enseignant.

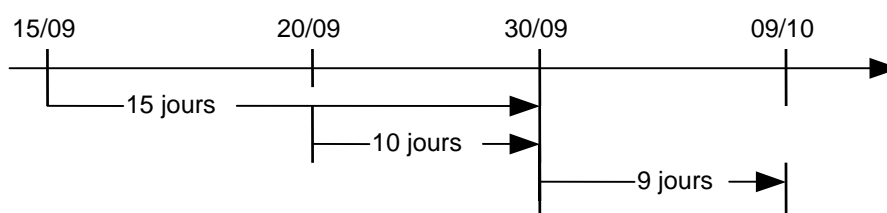
V.3

Calculer la valeur nominale de l'effet unique échéant le 30 septembre et équivalent ce jour là, aux trois effets suivants :

10 000 au 15 septembre
6 000 au 20 septembre
4 000 au 9 octobre

Taux 9 %.

solution



$$V = 10\,000 + 10\,000 * 9 * 15 / 36\,000 +$$

$$6\,000 + 6\,000 * 9 * 10 / 36\,000 +$$

$$4\,000 - 4\,000 * 9 * 9 / 36\,000$$

$$= 10\,000 + 37,50 + 6\,000 + 15 + 4\,000 - 9$$

$$= \mathbf{20\,043,50}$$

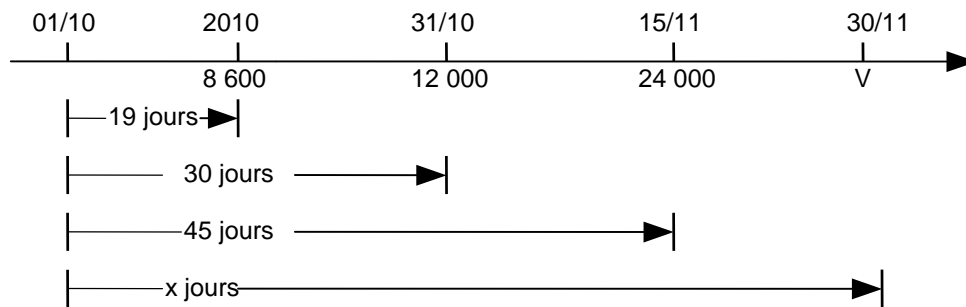
V.4

On veut remplacer trois traites : la première de 8 600 DH au 20 octobre, la seconde de 12 000 DH au 31 octobre et la troisième de 24 000 DH au 15 novembre, par une traite unique au 30 novembre.

Taux 11.75 %.

Quelle est la valeur nominale de cette traite à la date du 1/10 ?

Solution :



$$\begin{aligned}
 V - \frac{V \times 11.75 \times 60}{36\,000} &= 8\,600 - \frac{8\,600 \times 11.75 \times 19}{36\,000} + \\
 &\quad \frac{36\,000}{36\,000} \left(12\,000 - \frac{12\,000 \times 11.75 \times 30}{36\,000} + \right. \\
 &\quad \left. 24\,000 - \frac{24\,000 \times 11.75 \times 45}{36\,000} \right) \\
 \frac{36\,000V - 705V}{36\,000} &= 8\,600 - 53.33 + 12\,000 - 117.50 + 24\,000 - 352.50 \\
 35\,295V / 36\,000 &= 44\,076.77 \\
 V &= 44\,076.77 \times 36\,000 / 35\,295 \\
 V &= \mathbf{44\,957.18}
 \end{aligned}$$

V.5

Un artisan doit payer les quatre effets suivants :

- 12 000 le 15 mai
- 25 000 le 31 mai
- 18 000 le 05 juin
- 32 400 le 10 juillet

En accord avec son fournisseur, il remplace les deux premiers effets par un effet unique ayant une valeur nominale de 37 000 DH.

Quelle doit être l'échéance de cet effet unique ?

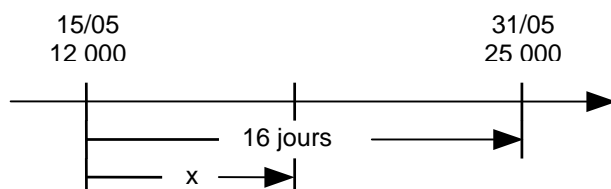
De même, il remplace les deux derniers effets par un seul effet au 30 juin.

Quelle sera la valeur nominale de cet effet ?
(Date d'équivalence : 30 juin)

Taux 11.25 %.

Solution :

Premier effet unique



Prenons comme date d'équivalence le 15 mai

$$37\ 000 - 37\ 000 \cdot 11.25 \cdot (x) / 36\ 000 = 12\ 000 + 25\ 000 - \frac{25\ 000 \cdot 11.25 \cdot 16}{36\ 000}$$

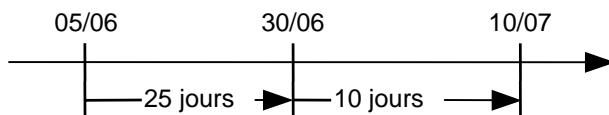
$$37\ 000 - 11.5625 (x) = 12\ 000 + 24\ 875$$

$$11.5625 (x) = 125$$

$$x = 10.81 \Rightarrow \mathbf{11\ jours}$$

Donc 11 jours après le 15 mai soit le **26 mai**.

Deuxième effet unique :



Soit V la valeur nominale recherchée, on peut écrire :

$$V = 18\ 000 + 18\ 000 \cdot 11.25 \cdot 25 / 36\ 000 +$$

$$32\ 400 - 32\ 400 \cdot 11.25 \cdot 10 / 36\ 000$$

$$V = 18\ 000 + 140.62 + 32\ 400 - 101.25$$

$$V = \mathbf{50\ 439.37}$$

V.6

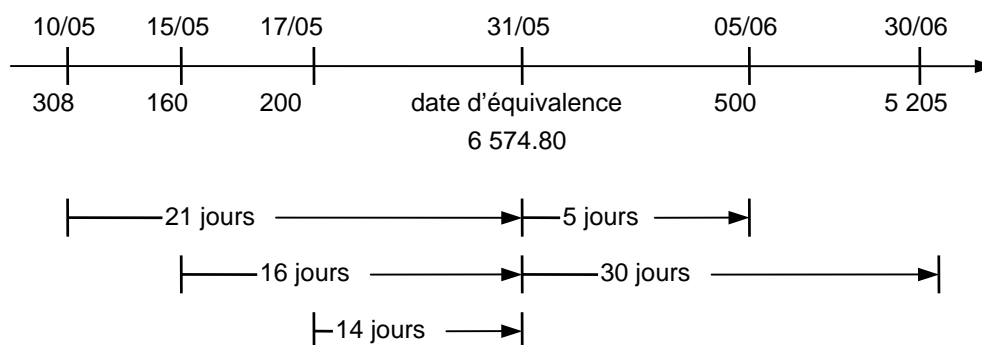
Un client devait vous régler le 31 mai, une facture de 6 574,80 DH. il endosse à votre profit 5 effets non échus et il s'engage à verser en espèces le solde le 31 mai.

Calculer le montant à percevoir le 31 mai. Taux 9 %.

Détail des effets :

308 au 10 mai
160 au 15 mai
200 au 17 mai
500 au 5 juin
5 205 au 30 juin

solution :



$$\begin{aligned}
 6\,574,80 &= 308 + 308 \times 9 \times 21 / 36\,000 + 160 + 160 \times 9 \times 16 / 36\,000 + \\
 &\quad 200 + 200 \times 9 \times 14 / 36\,000 + 500 - 500 \times 9 \times 5 / 36\,000 + \\
 &\quad 5\,205 - 5\,205 \times 9 \times 30 / 36\,000 + s \\
 &= 309,62 + 160,64 + 200,70 + 499,37 + 5\,165,96 + s \\
 &= 6\,336,29 + s \\
 s &= \mathbf{238,51}
 \end{aligned}$$

IV.7

Un négociant a tiré sur un de ses clients trois effets :

le premier à échéance de 30 jours
le second à échéance de 45 jours
le troisième à échéance de 70 jours

Les valeurs nominales des deux premiers effets sont inversement proportionnelles aux nombres 5 et 7 ; la troisième est double de la première.

Le négociant accepte de remplacer les trois effets primitifs par un effet unique de nominal

20 517 DH à 90 jours d'échéance, de telle sorte que, le jour de ce remplacement, au taux de 9%, cet effet unique soit équivalent aux trois effets initiaux.

Calculer les valeurs nominales respectives de ces trois effets.

Solution :

Les deux premiers nominaux étant inversement proportionnels à 5 et 7, ils sont directement proportionnels à 7 et 5.

Désignant alors les trois valeurs nominales cherchées par $7V$, $5V$, $14V$.

On peut écrire :

$$7V - \frac{7V \times 9 \times 30}{36\,000} + 5V - \frac{5V \times 9 \times 45}{36\,000} + 14V - \frac{14V \times 9 \times 70}{36\,000} = 20\,517 - \frac{20\,517 \times 9 \times 90}{36\,000}$$

$$\text{On en tire } V = 782$$

Les trois valeurs nominales cherchées sont donc :

$$782 \times 7 = 5\,474 \text{ DH}$$

$$782 \times 5 = 3\,910 \text{ DH}$$

$$782 \times 14 = 10\,948 \text{ DH}$$

TP 6 Comptes courants et d'intérêts**VI.1**

Établir le compte courant de l'entreprise Y tenu par le Crédit Agricole du 1er avril au 30 juin.

Taux 12.50 %

Opérations du trimestre

01.04	Solde débiteur	53 520 DH	valeur 31.03
15.04	Sa remise de chèque	8 940 DH	valeur 23.04
18.04	Son versement en espèces	10 000 DH	valeur 20.04
20.04	Remise encaissement effets	17 610 DH	valeur 30.04
29.04	Son chèque de retrait	28 800 DH	valeur 27.04
10.05	Domiciliation d'effets	14 230 DH	valeur 08.05
20.05	remise escompte effets	22 110 DH	valeur 25.05
30.05	Son chèque de retrait	18 880 DH	valeur 29.05
10.06	domiciliation d'effets	14 690 DH	valeur 08.06
15.06	versement espèces	20 000 DH	valeur 17.06
20.06	remise de chèques	12 470 DH	valeur 28.06
22.06	remise encaissement d'effets	11 830 DH	valeur 30.06
28.06	Son chèque de retrait	32 720 DH	valeur 26.06

TAUX :

PERIODE DU : AU :

DATES	LIBELLES	CAPITAUX		SOLDES		DATES DE VALEUR	NOMBRE DE JOURS	INTERET ou NOMBRE	
		DEBIT	CREDIT	DEBIT	CREDIT			DEBIT	CREDIT
								-----	-----

Taux : 12,5 %

CREDIT AGRICOLE
PERIODE DU 1er avril AU 30 juin

C.C.I. Entreprise Y

DATES	LIBELLES	CAPITAUX		SOLDES		DATES DE VALEUR	NOMBRE DE JOURS	INTERET ou <u>NOMBRE</u> 100	
		Débit	Crédit	Débit	Crédit			Débit	Crédit
01.4	Solde à nouveau	53 520,00		53 520,00		31.03	23	12 309,60	
15.4	Remise de chèques		8 940,00	44 580,00		23.04	- 3		1 337,40
18.4	Versement espèces		10 000,00	34 580,00		20.04	10	3 458,00	
20.4	Encaisst effets		17 610,00	16 970,00		30.04	- 3		509,10
29.4	Chèque de retrait	28 800,00		45 770,00		27.04	11	5 034,70	
10.5	Domiciliation effets	14 230,00		60 000,00		08.05	17	10 200,00	
20.5	Escompte effets		22 110,00	37 890,00		25.05	4	1 515,60	
30.5	Chèque de retrait	18 880,00		56 770,00		29.05	10	5 677,00	
10.6	Domiciliation effets	14 690,00		71 460,00		08.06	9	6 431,40	
15.6	Versement espèces		20 000,00	51 460,00		17.06	11	5 660,60	
20.6	Remise chèques		12 470,00	38 990,00		28.06	2		
22.6	Encaissement		11 830,00	27 160,00		30.06	- 4	779,80	1 086,40
28.6	effets	32 720,00		59 880,00		26.06	4		
30.6	Chèque de retrait							2 395,20	50 529,00
30.6	Balance des nombres Intérêts débiteurs	1 754,47		61 634,47				----- 53 461,90	----- 53 461,90

VI.2

Dresser et arrêter au 30 juin le C.C.I. de M. FALLAH chez son associé.
Taux réciproque $4 \frac{3}{8} \%$. Méthode du soixante.

01.04	Solde à nouveau (débit)	328	valeur	31.03
05.04	Son chèque	200	valeur	05.04
13.04	Sa facture	718	valeur	05.05
18.04	Notre versement en espèces	250	valeur	18.04
05.05	Notre remise d'effets	650	valeur	31.05
10.05	Son paiement pour notre compte	169	valeur	10.05
30.05	Notre facture	412	valeur	15.06
31.05	Sa remise d'effets	350	valeur	30.06
11.06	Son versement en espèces	260	valeur	11.06
20.06	Notre chèque	500	valeur	20.06

TAUX :

PERIODE DU : AU :

DATES	LIBELLES	CAPITAUX		SOLDES		DATES DE VALEUR	NOMBRE DE JOURS	INTERET ou NOMBRE	
		DEBIT	CREDIT	DEBIT	CREDIT			DEBIT	CREDIT
								-----	-----

TAUX : 4 3/8 %

PERIODE DU : .01 avril au 30 juin..... CCI FALLAH

DATES	LIBELLES	CAPITAUX		SOLDES		DATES	NOMBRE DE JOURS	INTERET 6 %	
		DEBIT	CREDIT	DEBIT	CREDIT			VALEUR	DEBIT
01.04	Solde à nouveau			328,00		31.03	5	0.27	
05.04	Son chèque		200,00	128,00		05.04	30	0.64	
13.04	Sa facture		718,00		590,00	05.05	17	1.67	
18.04	Notre versement	250,00			340,00	18.04	43		2.44
05.05	Notre rem. effets	650,00		310,00		31.05	- 21	- 1.08	
10.05	Son paiement		169,00	141,00		10.05	36	0.85	
30.05	Notre facture	412,00		553,00		15.06	15	1.38	
31.05	Sa rem. effets		350,00	203,00		30.06	19		0.64
11.06	Son versement		260,00		57,00	11.06	09		0.08
20.06	Notre chèque	500,00		443,00		20.06	10	0.74	
30.06	Balance des int.								1.31
30.06	Intérêts débiteurs	0,96		443,96					
								-----	-----
								--	--
								4.47	4.47

Calcul des intérêts :

$t = 6\%$	$I = 1.31$
$si\ t = 2\ (6/3)$	$I = 1.31 / 3$
$si\ t = 2\ (6/3)$	0.44
$si\ t =$	$I =$
$3/8=0.37$	1.44
5^*	$I = 0.22 * 0.375 =$
$t = 4.3/8\ %$	0.08
$t = 4.3/8\ %$	$I = 0.96$

(*) 2 % représente 0.44 donc 1 % = 0.22

Evaluation de fin de module 1

I. Un commerçant a payé un objet 1 800 dh. Il avait obtenu pour cet objet une double réduction de 20% et de 10% calculé sur le prix brut. Quel était ce prix brut ?

2. les frais sur cet article se montent à 30% du prix d'achat net. Le commerçant désire gagner net 20% du prix de vente.

3. ce commerçant sait qu'il va accorder une réduction de 2.50% sur le prix marqué, mais il veut conserver le même bénéfice.
Quel doit être marqué ?

II. Un commerçant achète pour 12 320 DH de marchandises payables fin du mois suivant.

L'acheteur payant comptant ne verse que 12 104,40 DH.

Quel est le taux de l'escompte obtenu ?

III. Un libraire a versé à son représentant pendant le mois d'octobre. La somme totale de 1 139 DH.

Quel est le chiffre d'affaire réalisé par ce voyageur en librairie et en papeterie pendant le mois ? Sachant qu'il a vendu trois fois plus d'articles de librairie que de papeterie, qu'il touche 3% du montant de ses ventes en papeterie et 5 % en librairie, qu'il a un fixe mensuel de 200 DH et qu'il s'est fait rembourser 75 DH de frais de déplacement.

IV. Un commerçant doit au même créancier les sommes suivantes :

- ★ 1 225 au 10 juillet
- ★ 3 700 au 15 juillet
- ★ 1 800 au 31 juillet

Il remet en paiement

- ★ 2 000 en espèces le 15 juin
- ★ 1 960, une traite au 20 juillet
- ★ le solde, soit 2 765, sera payé par traite.

Quelle est l'échéance de ce dernier effet ?

V.

Présenter le bordereau des effets négociés le 30 juin par l'entreprise FALCO à la Banque Crédit du Maroc.

Villes	Valeurs nominales	Échéances
Casablanca	850	05 juillet
Safi	4 200	10 juillet
Tanger	9 456	16 juillet
Azemmour	32 100	20 juillet
Essaouira	8 248	25 juillet
Settat	50 000	31 juillet
Khouribga	5 360	31 juillet
Hossaima	18 000	05 août

Conditions :

- *taux d'escompte 12.6 %*
- *minimum de jours 20*
- *minimum d'escompte 8 DH*
- *commission d'endos 0.60 % minimum de jours 20*
- *commission de service 2 DH par effet*
- *commission d'encaissement 1 %*
- *commission d'acceptation 3 DH sur l'effet de Settat.*

BORDEREAU D'ESCOMPTE										
<i>Date de remise</i>				<i>Escompte Taux</i>		<i>Endos. Tx</i>		<i>Commissions</i>		
<i>N°</i>	<i>Lieu</i>	<i>Montant</i>	<i>Echéance</i>	<i>Jours</i>	<i>Intérêt</i>	<i>Nombre</i>	<i>Intérêts</i>			
			TOTAUX							

<i>BORDEREAU RECAPITULATIF D'ESCOMPTE</i>			
<i>Date :</i>			
<i>AGIOS</i>		<i>REMISE</i> <i>Montant brut</i>	
<i>INTERETS à</i> <i>ENDOS à</i>			
<i>COMMISSIONS</i>			
<i>1.....</i>		<i>AGIOS TTC</i>	
<i>2.....</i>			
<i>3.....</i>			
<i>4.....</i>		<i>NET</i>	
<i>5.....</i>			
<i>6.....</i>			
<i>AGIOS TOTAUX TTC</i>			

Evaluation de fin de module 2

I. Un électricien achète un lot de fers à repasser qui lui sont facturés au prix de 2 860 dh. Il bénéficie d'une remise de 5% et d'un escompte de règlement de 1% mais il doit supporter les frais de transport qui s'élèvent à 1,10 par appareil.

On demande :

1. Le prix de revient d'un fer à repasser :
2. Son prix de vente, si le commerçant veut gagner 28% sur le prix de revient :
3. Quel est le pourcentage de bénéfice par rapport au prix de vente :
4. A quel prix il faudrait-il revendre cet article pour gagner 28% du prix de vente.

Marchandises reçues en réalisant un bénéfice de 20% sur le prix de vente.
Le reste avec une perte de 5% sur le prix d'achat net.

II. Un fabricant d'appareils ménagers propose à sa clientèle les deux modes de paiement suivants :

- ★ Paiement au comptant le jour de la livraison : 2 790 DH
- ★ Versement le jour de la livraison : 420 DH et le solde en 4 traites d'égale valeur à 30, 60, 90 et 120 jours.

Les deux modes de règlement étant équivalents au jour de la livraison, calculer la valeur nominale de chaque traite.

Taux 6 %.

III.

Un grossiste vend 75 DH à sa clientèle de détaillants un article A. pour calculer son prix de vente, il tient compte des données suivantes : frais 12% du prix d'achat H.T., bénéfice 20% du prix de vente H.T., T.V.A. au taux normal.

1. Calculer le prix d'achat de cet article ?
2. Un article B acheté au même prix que le précédent et vendu en tenant compte des mêmes frais et bénéfice, est vendu 6,93 DH plus cher, car la T.V.A est calculée à un taux différent. Calculer le taux de la T.V.A. ?

IV. Présenter le C.C.I. de M. **RADI** tenu par la banque (B.M.C.E.) du 1er janvier au 31 mars. Arrêter ce compte et le rouvrir à cette dernière date.

Taux 12.5 %.

02.01 - Solde à nouveau en faveur de **RADI** 485.40 DH Valeur
31.12

13.01 - La banque reçoit au profit de **RADI** un virement de Bank Al MAGHRIB
de 1 700.00 DH Valeur 13.01

04.02 - La banque reçoit de **RADI**, pour encaissement :

- 25 effets sur CASABLANCA au 15 courant 1 152.00

- 32 effets sur EL JADIDA au 10 mars 1 489.00

Conditions d'encaissement :

- effets sur CASABLANCA - 0.50 DH par effet et commission de 0.30 %
du montant

Valeur 2 jours après l'échéance

- effets sur EL JADIDA - 0.70 DH par effet et commission de 0.50 % du
montant

Valeur 7 jours après l'échéance

07.03 - HADDIOUI, agent de change, avise la banque de **RADI** qu'il a acheté
en bourse le jour même les valeurs suivantes pour le compte de **RADI**:

- 10 actions CREDOR à 378 DH pièce

- 6 obligations du Crédit EQUDOM à 197.50 DH pièce

courtage et impôts : 287.50 DH

26.03 - un effet impayé de 350 DH sur CASABLANCA de la remise du 4 février
est renvoyé à M. **RADI**, frais 87 DH.

Liste des références bibliographiques.

Ouvrage	Auteur	Edition
<i>TQG -Mathématiques financières</i>	<i>M. CHAHIB</i>	<i>A.GROSDIDIER</i>
<i>Mathématiques financières</i>	<i>WALDER MASIERI</i>	<i>SIREY</i>
<i>Mathématiques financières</i>	<i>PIERRE BONNEAU</i>	<i>DUNOD</i>
<i>Mathématiques – BEP commerciaux</i>	<i>F. DUVERT</i>	<i>FOUCHER</i>